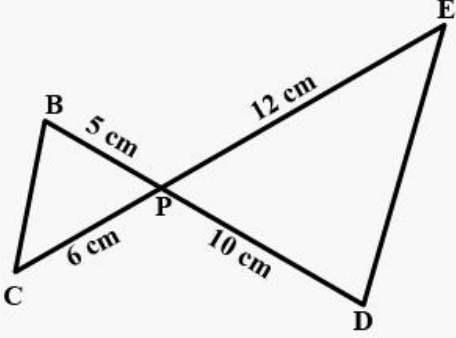


MARKING SCHEME BSEH PRACTICE PAPER 2, 10TH MATHS(BASIC) , March2025 (ENGLISH MEDIUM)		
Q. no.	Expected solutions	marks
Section-A		
1	(d)60	1
2	(d)more than 3	1
3	(c)(x+2)(x-1)=x ² -2x-3	1
4	(c)3 units	1
5	(a) -12	1
6	(a) 50°	1
7	(d) 55°	1
8	(b) $\frac{b}{\sqrt{a^2+b^2}}$	1
9	(a)60 ⁰	1
10	(b) 10 $\sqrt{2}$	1
11	(d) 3	1
12	(a) $\frac{1}{5}$	1
13	Irrational number	1
14	$\sqrt{119}$ cm	1
15	$\tan\theta =a b$	1
16	$\frac{1}{2}$	1
17	$\frac{77}{2}$ cm ² or $\frac{49\pi}{4}$ cm ²	1
18	False	1
19	(a)Both Assertion(A) and Reason (R) are true and Reason (R) is the correct explanation of Assertion(A).	1
20	(b) Both Assertion(A) and Reason (R) are true but Reason (R) is the not correct explanation of Assertion(A).	1
SECTION-B		
21.	x/2 + 2y/3 = -1	1/2
(a)	3x + 4y = -6 (i)	

	 $x - y/3 = 3$ $3x - y = 9$ (ii) When the equation (ii) is subtracted from equation (i) we get, $5y = -15$ $y = -3$(iii) When the equation (iii) is substituted in (i) we get, $3x - 12 = -6$ $3x = 6$ $x = 2$ Hence, $x = 2$, $y = -3$	1/2 1/2 1/2
21. (b)	Using the property of a rectangle, We know that, Lengths are equal, i.e., $CD = AB$ Hence, $x + 3y = 13$...(i) Breadths are equal, i.e., $AD = BC$ Hence, $3x + y = 7$...(ii) On multiplying Eq. (ii) by 3 and then subtracting Eq. (i), We get, $8x = 8$ So, $x = 1$ On substituting $x = 1$ in Eq. (i), We get, $y = 4$ Therefore, the required values of x and y are 1 and 4, respectively.	1/2 1/2 1/2 1/2
22.	Let $(-4, 6)$ divide AB internally in the ratio $k : 1$. Using the section formula, we get $(-4, 6) = \left(\frac{3k-6}{k+1}, \frac{-8k+10}{k+1} \right)$ 	1

	So, $-4 = \frac{3k-6}{k+1}$ $\Rightarrow -4k - 4 = 3k - 6$ $\Rightarrow 7k = 2$ $\Rightarrow k : 1 = 2 : 7$ We can check for the y-coordinate also. So, the point $(-4, 6)$ divides the line segment joining the points $A(-6, 10)$ and $B(3, -8)$ in the ratio $2 : 7$.	1/2 1/2
23.	 In $\triangle PBC$ and $\triangle PDE$, $\angle BPC = \angle EPD$ [vertically opposite angles] $PB/PD = 5/10 = \frac{1}{2}$... (i) $PC/PE = 6/12 = \frac{1}{2}$... (ii) From equation (i) and (ii), We get, $PB/PD = PC/PE$ Since, $\angle BPC$ of $\triangle PBC = \angle EPD$ of $\triangle PDE$ and the sides including these. Then, by SAS similarity criteria $\triangle PBC \sim \triangle PDE$	1 1/2 1/2
24.	We know that,	

(b)	$\cos 60^\circ = 1/2$ $\sec 30^\circ = 2/\sqrt{3}$ $\tan 45^\circ = 1$ $\sin 30^\circ = 1/2$ $\cos 30^\circ = \sqrt{3}/2$ Now, substitute the values in the given problem, we get $(5\cos^2 60^\circ + 4\sec^2 30^\circ - \tan^2 45^\circ)/(\sin^2 30^\circ + \cos^2 30^\circ)$ $= \{5(1/2)^2 + 4(2/\sqrt{3})^2 - 1\}/(1/2)^2 + (\sqrt{3}/2)^2$ $= (5/4 + 16/3 - 1)/(1/4 + 3/4)$ $= \{(15 + 64 - 12)/12\}/(4/4)$ $= 67/12$	1/2 1/2 1/2 1/2
24. (a)	$\text{LHS} = \sqrt{\frac{1+\sin A}{1-\sin A}} =$ $= \sqrt{\frac{1+\sin A}{1-\sin A}} \times \frac{1+\sin A}{1+\sin A}$ $= \frac{1+\sin A}{\sqrt{1-\sin^2 A}}$ 	1/2 1/2

	$= \frac{1+\sin A}{\sqrt{\cos^2 A}}$ $= \frac{1+\sin A}{\cos A}$ $= \sec A + \tan A = \text{RHS}$	1/2 1/2
25.	Area swept by the minute hand in 60 minutes = Area of the circle with radius equal to the length of the minute hand = πr^2 Area swept by minute hand in 1 minute = $\pi r^2/60$ Thus, area swept by minute hand in 5 minutes = $(\pi r^2/60) \times 5 = \pi r^2/12$ [$\because$ Length of the minute hand (r) = 14 cm] = $1/12 \times 22/7 \times 14 \times 14 \text{ cm}^2$ = $154/3 \text{ cm}^2$	1/2 1/2 1/2 1/2
SECTION-C		

26.	Prove that $\sqrt{2}$ is irrational. Solution: Let, if possible, $\sqrt{2}$ be a rational no. $\therefore \sqrt{2} = \frac{p}{q}$, where p and q are co-prime integers and $q \neq 0$. $\Rightarrow 2 = \frac{p^2}{q^2}$ $\Rightarrow p^2 = 2 q^2$(i) $\Rightarrow 2$ divides $p^2 \Rightarrow 2$ divides p also. Let $p = 2m$,(ii) where m is any integer. $\Rightarrow p^2 = 4m^2$(iii) From (ii) and (iii) $2q^2 = 4m^2$ $\Rightarrow q^2 = 2m^2$ $\Rightarrow 2$ divides $q^2 \Rightarrow 2$ divides q also. $\Rightarrow q = 2n$(iv) From (i) and (iv), p and q have 2 as common factor. $\therefore$ p and q are not co-prime. Hence our supposition is wrong. $\therefore \sqrt{2}$ is an irrational number.	1/2 1/2 1/2 1/2 1/2 1/2
27.	$6x^2 - 3 - 7x = 6x^2 - 7x - 3 = 0$ $\Rightarrow 6x^2 + 2x - 9x - 3 = 0$	

	$4y = 40$ $\Rightarrow y = 10$ Put $y = 10$ in eq. (1), $x - 3(10) = 10$ $\Rightarrow x - 30 = 10$ $\Rightarrow x = 40$ Thus, present age of Rahul= $x=40$ years and present age of Rahul's son= $y=10$ years.	 1/2 1/2
28. (b)	Let the larger angle = x Smaller angle = y As both angles are supplementary, $x + y = 180$ $\Rightarrow x = 180 - y \dots (i)$ Difference is 18 degrees. So, $x - y = 18$ $\Rightarrow x = 18 + y \dots (ii)$ Substituting the value of x in equation (i) we get, $\Rightarrow 18 + y = 180 - y$ $\Rightarrow -y - y = 18 - 180$ $\Rightarrow -2y = -162$ $\Rightarrow y = -162/-2$ $\Rightarrow y = 81$ Substituting the value of y in equation (i), we get, $\Rightarrow x = 180 - 81 = 99$	 1 1/2 1/2 1/2

31.	 Given the height of the observer be $DE = 1.5$ m That is $AB = 1.5$ m Let $BC = h$ is the height of the chimney Hence $AC = (h - 1.5)$ m Given the distance between the observer and the chimney is $AD = BE = 28.5$ m In right $\triangle CAD, \theta = 45^\circ$ $\tan 45^\circ = AC/AD$ $\Rightarrow 1 = (h - 1.5)/28.5$ $\Rightarrow 28.5 = h - 1.5$ $\Rightarrow h = 28.5 + 1.5 = 30$ m Thus the height of the chimney is 30 m.	1/2 1/2 1 1
SECTION-D		
32. (a)	Given, 2nd term, $a_2 = 14$ 3rd term, $a_3 = 18$	1

	Common difference, $d = a_3 - a_2 = 18 - 14 = 4$ We know that nth term of an AP is, $a_n = a + (n - 1)d$ $a_2 = a + d$ $14 = a + 4$ $a = 10$ Sum of n terms of AP is given by $S_n = n/2 [2a + (n - 1) d]$ $S_{51} = 51/2 [2 \times 10 + (51 - 1) 4]$ $= 51/2 [20 + 50 \times 4]$ $= 51/2 \times 220$ $= 51 \times 110$ $= 5610$	1 1 1 1
32. (b)	nth term of an AP $a_n = a + (n - 1)d$ Let a be the first term and d the common difference. According to the question, $a_3 = 16$ and $a_7 - a_5 = 12$ $a + (3 - 1)d = 16$ $a + 2d = 16$ (1) Using $a_7 - a_5 = 12$ $[a + (7 - 1) d] - [a + (5 - 1) d] = 12$ $[a + 6d] - [a + 4d] = 12$ $2d = 12$ $d = 6$ By substituting this in equation (1), we obtain $a + 2 \times 6 = 16$	1/2 1 $1\frac{1}{2}$

	$a + 12 = 16$ $a = 4$ Therefore, A.P. will be 4, 4 + 6, 4 + 2 × 6, 4 + 3 × 6, ... Hence, the sequence will be 4, 10, 16, 22, ...	1
		1
33. (a)	<u>Statement: Basic Proportionality Theorem</u> Prove that if a line is drawn parallel to one side of a triangle, the other two sides are divided in the same ratio. Given: In $\triangle ABC$, $DE \parallel BC$ To prove: $\frac{AD}{DB} = \frac{AE}{EC}$	1 1/2 1/2 1/2

Construction : Draw $EM \perp AB$ and $DN \perp AC$. Join B to E and C to D

1/2

Proof: In $\triangle ADE$ and $\triangle BDE$

$$\frac{\text{Area of } \triangle ADE}{\text{Area of } \triangle BDE} = \frac{\frac{1}{2} \times AD \times EM}{\frac{1}{2} \times DB \times EM} = \frac{AD}{DB} \text{-----(i)}$$

1/2

In $\triangle ADE$ and $\triangle CDE$

$$\frac{\text{Area of } \triangle ADE}{\text{Area of } \triangle CDE} = \frac{\frac{1}{2} \times AE \times DN}{\frac{1}{2} \times EC \times DN} = \frac{AE}{EC} \text{-----(ii)}$$

1/2

Since, $DE \parallel BC$ [Given]

$$\therefore \text{ar}(\triangle BDE) = \text{ar}(\triangle CDE) \text{----- (iii)}$$

1/2

[Δ s on the same base and between the same parallel sides are equal in area]

	----- From eq. (i), (ii) and (iii) $\therefore \frac{AD}{DB} = \frac{AE}{EC}$ Hence proved.	1/2
33. (b)	----- Given, $\triangle ABC \sim \triangle PQR$ $\Rightarrow \angle ABC = \angle PQR$ (corresponding angles) ----- (1) $\Rightarrow AB/PQ = BC/QR$ (corresponding sides) ----- $\Rightarrow AB/PQ = (BC/2) / (QR/2)$ $\Rightarrow AB/PQ = BD/QM$ (D and M are mid-points of BC and QR) ----- (2) ----- In $\triangle ABD$ and $\triangle PQM$, $\angle ABD = \angle PQM$ (from 1) $AB/PQ = BD/QM$ (from 2) $\Rightarrow \triangle ABD \sim \triangle PQM$ (SAS criterion) ----- $\therefore$ $\Rightarrow AB/PQ = BD/QM = AD/PM$ (corresponding sides) $\Rightarrow AB/PQ = AD/PM$ Hence proved.	1/2 1 1 $1\frac{1}{2}$ 1

34. (a)	Depth of each conical depression, $h_1 = 1.4$ cm Radius of each conical depression, $r = 0.5$ cm Dimensions of the cuboid are $15\text{ cm} \times 10\text{ cm} \times 3.5\text{ cm}$ Volume of wood in the entire pen stand = volume of the wooden cuboid - $4 \times$ volume of the conical depression $= l \times b \times h - 4 \times \frac{1}{3} \pi r^2 h_1$ $= (15\text{ cm} \times 10\text{ cm} \times 3.5\text{ cm}) - (4 \times \frac{1}{3} \times \frac{22}{7} \times 0.5\text{ cm} \times 0.5\text{ cm} \times 1.4\text{ cm})$ $= 525\text{ cm}^3 - 1.47\text{ cm}^3$ $= 523.53\text{ cm}^3$ The volume of wood in the entire stand is 523.53 cm^3.	1 1 1 1
34. (b)	The total surface area of the cube	

	$=6\times(\text{edge})^2=6\times5\times5\text{ cm}^2=150\text{ cm}^2.$ The surface area of the block = Total Surface Area of cube - base area of hemisphere + Curved Surface Area of hemisphere $=150-\pi r^2+2\pi r^2$ $=(150+\pi r^2)\text{ cm}^2,$ $=150\text{ cm}^2+(22/7\times4.2/2\times4.2/2)\text{ cm}^2$ $=(150+13.86)\text{ cm}^2$ $=163.86\text{ cm}^2$	1 1 1 1 1																																				
35. (a)	<table><tr><th>class interval</th><th>class-mark (x_i)</th><th>Number of children(f_i)</th><th>$f_i x_i$</th></tr><tr><td>11-13</td><td>12</td><td>7</td><td>84</td></tr><tr><td>13-15</td><td>14</td><td>6</td><td>84</td></tr><tr><td>15-17</td><td>16</td><td>9</td><td>144</td></tr><tr><td>17-19</td><td>18</td><td>13</td><td>234</td></tr><tr><td>19-21</td><td>20</td><td>f</td><td>20f</td></tr><tr><td>21-23</td><td>22</td><td>5</td><td>110</td></tr><tr><td>23-25</td><td>24</td><td>4</td><td>96</td></tr><tr><td></td><td></td><td>$\sum f_i =44+f$</td><td>$\sum f_i x_i=752+20f$</td></tr></table> 	class interval	class-mark (x_i)	Number of children(f_i)	$f_i x_i$	11-13	12	7	84	13-15	14	6	84	15-17	16	9	144	17-19	18	13	234	19-21	20	f	20f	21-23	22	5	110	23-25	24	4	96			$\sum f_i =44+f$	$\sum f_i x_i=752+20f$	1+1
class interval	class-mark (x_i)	Number of children(f_i)	$f_i x_i$																																			
11-13	12	7	84																																			
13-15	14	6	84																																			
15-17	16	9	144																																			
17-19	18	13	234																																			
19-21	20	f	20f																																			
21-23	22	5	110																																			
23-25	24	4	96																																			
		$\sum f_i =44+f$	$\sum f_i x_i=752+20f$																																			

	Mean = $\bar{x} = \frac{\sum f_i x_i}{\sum f_i}$ $\Rightarrow 18 = \frac{752+20f}{44+f}$ $\Rightarrow 18(44+f) = 752+20f$ $\Rightarrow 792 + 18f = 752+ 20f$ $\Rightarrow 792-752 = 20f -18 f$ $\Rightarrow 40 = 2f$ $\Rightarrow f = 20$ Hence, missing frequency f =20	1/2 1/2 1/2 1/2 1																		
35. (b)	<table><thead><tr><th>Number of Cars</th><th>Frequency</th></tr></thead><tbody><tr><td>0-10</td><td>7</td></tr><tr><td>10-20</td><td>14</td></tr><tr><td>20-30</td><td>13</td></tr><tr><td>30-40</td><td>12</td></tr><tr><td>40-50</td><td>20</td></tr><tr><td>50-60</td><td>11</td></tr><tr><td>60-70</td><td>15</td></tr><tr><td>70-80</td><td>8</td></tr></tbody></table> From the table, it can be observed that the maximum class frequency is 20, belonging to class interval 40 – 50 Therefore, modal class = 40 – 50 Class size, h = 10 Lower limit of modal class, l = 40 Frequency of modal class, f₁ = 20 Frequency of class preceding modal class, f₀ = 12	Number of Cars	Frequency	0-10	7	10-20	14	20-30	13	30-40	12	40-50	20	50-60	11	60-70	15	70-80	8	1 1
Number of Cars	Frequency																			
0-10	7																			
10-20	14																			
20-30	13																			
30-40	12																			
40-50	20																			
50-60	11																			
60-70	15																			
70-80	8																			

	Frequency of class succeeding the modal class, $f_2 = 11$ Mode = $l + [(f_1 - f_0)/(2f_1 - f_0 - f_2)] \times h$ = $40 + [(20 - 12)/(2 \times 20 - 12 - 11)] \times 10$ = $40 + [8/(40 - 23)] \times 10$ = $40 + (8/17) \times 10$ = $40 + 4.705$ = 44.705 ≈ 44.7 Hence, the mode is 44.7	1 1/2 1 1/2
Section - E		
36.	(i) Time = $\frac{\text{Distance}}{\text{Speed}}$	1
	(ii) Let the usual speed of plane be x km/h New increased speed of plane = $(x + 250)$ km/h Total distance = 1500 km According to question $\frac{1500}{x} - \frac{1500}{x + 250} = \frac{1}{2}$ $\frac{1500(x + 250) - 1500x}{x(x + 250)} = \frac{1}{2}$ $\frac{1500x + 375000 - 1500x}{x(x + 250)} = \frac{1}{2}$ $x^2 + 250x = 750000$ $x^2 + 250x - 750000 = 0$	1/2 1/2

	(iii)(a) $x^2 + 250x - 750000 = 0$ $x^2 + 1000x - 750x - 750000 = 0$ $x(x+1000) - 750(x+1000) = 0$ $(x+1000)(x-750) = 0$ $x = -1000$ or $x = 750$ Reject $x = -1000$, because speed cannot be negative. Hence, usual speed of plane is 750km/h.	1 1
	(iii)(b) $x^2 + 250x - 750000 = 0$ $x^2 + 1000x - 750x - 750000 = 0$ $x(x+1000) - 750(x+1000) = 0$ $(x+1000)(x-750) = 0$ $x = -1000$ or $x = 750$ Reject $x = -1000$, because speed cannot be negative. Hence, new speed of plane is $x+250 = 750+250 = 1000$km/h.	1 1
37.	(i) Since, radius at a point of contact is perpendicular to tangent. $\therefore$ By Pythagoras theorem, we have $PA = \sqrt{PS^2 + AS^2} = \sqrt{12^2 + 5^2} = \sqrt{169} = 13$ cm (ii) one common tangent can be drawn when two circles touch externally. (iii)(a) By Pythagoras theorem, we have $BQ = \sqrt{TQ^2 + TQ^2} = \sqrt{3^2 + 4^2} = \sqrt{25} = 5$ cm $QY = BQ - BY = 5 - 4 = 1$ cm 	1 1 1 1

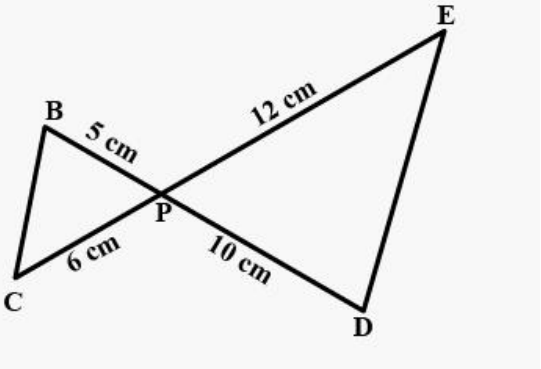
	(iii) (b) $PK = PA + AK = 13 + 5 = 18 \text{ cm}$ $XY = XK + KY = 10 + 8 = 18 \text{ cm}$	1 1
38.	(i) Total no. of fish in the aquarium = $13+18+12+11= 54$ Number of male fish in the aquarium = 36 $\therefore$ Number of female fish in the aquarium = $54- 36 = 18$ So, probability of selecting a female fish = $\frac{\text{no. of favourable outcomes}}{\text{total no. of possible outcomes}} = \frac{18}{54} = \frac{1}{3}$ (ii) The probability of selecting a flowerhorn fish = $\frac{\text{no. of favourable outcomes}}{\text{total no. of possible outcomes}} = \frac{18}{54} = \frac{1}{3}$ (iii) (a) The probability of selecting a koi fish = $\frac{\text{no. of favourable outcomes}}{\text{total no. of possible outcomes}} = \frac{12}{54} = \frac{2}{9}$ $P(\text{selecting a guppy fish}) = \frac{\text{no. of favourable outcomes}}{\text{total no. of possible outcomes}} = \frac{13}{54}$	1 1 1 1

	(iii) (b) Total no. of angel fish and flowerhorn fish = $18 + 11 = 29$ $P(\text{selecting either angel fish or flowerhorn fish}) = \frac{29}{54}$ $P(\text{selecting neither angel fish nor flowerhorn fish}) =$ $= 1 - P(\text{selecting either angel fish or flowerhorn fish})$ $= 1 - \frac{29}{54} = \frac{25}{54}$	1 1
--	--	-------------------

MARKING SCHEME BSEH PRACTICE PAPER 2, 10TH गणित (आधार),
March 2025
(हिंदी माध्यम)

Q. no.	Expected solutions	marks
	खण्ड-क	
1	(d) 60	1
2	(d) 3 से अधिक	1
3	(c) $(x+2)(x-1)=x^2-2x-3$	1
4	(c) 3 इकाई	1
5	(a) -12	1
6	(a) 50°	1
7	(d) 55°	1
8	(b) $\frac{b}{\sqrt{a^2+b^2}}$	1
9	(a) 60°	1
10	(b) $10\sqrt{2}$	1
11	(d) 3	1
12	(a) $\frac{1}{5}$	1
13	अपरिमेय संख्या	1
14	$\sqrt{119}$ cm	1
15	$\tan \theta = a b$	1
16	$\frac{1}{2}$	1
17	$\frac{77}{2} \text{ cm}^2$ or $\frac{49\pi}{4} \text{ cm}^2$	1
18	असत्य	1
19	(a) अभिकथन (A) और तर्क (R) दोनों सही हैं और तर्क (R), अभिकथन (A) की सही व्याख्या करता है।	1

20	(b) अभिकथन (A) और तर्क (R) दोनों सही हैं और तर्क (R), अभिकथन(A) की सही व्याख्या नहीं है।	1
खण्ड -ख		
21.	$x/2 + 2y/3 = -1$	1/2
(a)	$3x + 4y = -6$ (i) $x-y/3 = 3$ $3x - y = 9$ (ii)	1/2
	जब समीकरण (ii) को समीकरण (i) से घटाया जाता है तो हमें प्राप्त होता है, $5y = -15$ $y = -3$(iii)	1/2
	जब समीकरण (iii) को (i) में प्रतिस्थापित किया जाता है तो हमें प्राप्त होता है, $3x - 12 = -6$ $3x = 6$ $x = 2$ अतः, $x = 2$, $y = -3$	1/2
21.	एक आयत के गुण का उपयोग करते हुए,	1/2
(b)	हम जानते हैं कि, लंबाई समान हैं, i.e., $CD = AB$ Hence, $x + 3y = 13$...(i)	1/2
	चौड़ाई बराबर हैं, i.e., $AD = BC$ अतः, $3x + y = 7$...(ii)	1/2
	समीकरण (ii) को 3 से गुणा करके और फिर समीकरण (i) से घटाने पर हमें प्राप्त होता है, $8x = 8$ So, $x = 1$	1/2

	समीकरण(i) में $x = 1$ रखने पर , हमें मिलता है, $y = 4$ इसलिए, x और y के वांछित मान क्रमशः 1 और 4 हैं	1/2
22.	मान लीजिए $(-4, 6)$ AB को आंतरिक रूप से $k:1$ के अनुपात में विभाजित करता है। विभाजन सूत्र का उपयोग करते हुए, हमें मिलता है $(-4, 6) = \left(\frac{3k-6}{k+1}, \frac{-8k+10}{k+1} \right)$ $\text{So, } -4 = \frac{3k-6}{k+1}$ $\Rightarrow -4k - 4 = 3k - 6$ $\Rightarrow 7k = 2$ $\Rightarrow k : 1 = 2 : 7$ हम y-निर्देशांक की भी जांच कर सकते हैं। अतः, बिंदु $(-4, 6)$, बिंदु $A(-6, 10)$ और बिंदु $B(3, -8)$ को मिलाने वाले रेखाखंड को $2:7$ के अनुपात में विभाजित करता है ।	1 1/2 1/2
23.	 $\triangle PBC$ और $\triangle PDE$ में, $\angle BPC = \angle EPD$ [शिर्षाभिमुख कोण] $PB/PD = 5/10 = \frac{1}{2} \dots (i)$ $PC/PE = 6/12 = \frac{1}{2} \dots (ii)$ समीकरण (i) और (ii) से,	1

	हमें मिलता है, PB/PD = PC/PE क्योंकि, ΔPBC का $\angle BPC = \Delta PDE$ का $\angle EPD$ तथा उनकी सम्मिलित भुजाएं भी समानुपाती हैं $\therefore$ SAS समरूपता कसौटी द्वारा $\Delta PBC \sim \Delta PDE$	1/2 1/2
24. (b)	हम जानते हैं कि $\cos 60^\circ = 1/2$ $\sec 30^\circ = 2/\sqrt{3}$ $\tan 45^\circ = 1$ $\sin 30^\circ = 1/2$ $\cos 30^\circ = \sqrt{3}/2$ उपरोक्त मानों को दिए गए प्रश्न में रखने पर $(5\cos^2 60^\circ + 4\sec^2 30^\circ - \tan^2 45^\circ)/(\sin^2 30^\circ + \cos^2 30^\circ)$ $= \{5(1/2)^2 + 4(2/\sqrt{3})^2 - 1\}/(1/2)^2 + (\sqrt{3}/2)^2$ $= (5/4 + 16/3 - 1)/(1/4 + 3/4)$ $= \{(15 + 64 - 12)/12\}/(4/4)$ $= 67/12$	1/2 1/2 1/2
24. (a)	$LHS = \sqrt{\frac{1+\sin A}{1-\sin A}} =$	

	$= \sqrt{\frac{1+\sin A}{1-\sin A}} \times \frac{1+\sin A}{1+\sin A}$ $= \frac{1+\sin A}{\sqrt{1-\sin^2 A}}$ $= \frac{1+\sin A}{\sqrt{\cos^2 A}}$ $= \frac{1+\sin A}{\cos A}$ $= \sec A + \tan A = \text{RHS}$	1/2
		1/2
		1/2
		1/2
25.	मिनट की सुई द्वारा 60 मिनट में तय किया गया क्षेत्रफल = मिनट की सुई की लंबाई के बराबर त्रिज्या वाले वृत्त का क्षेत्रफल = πr^2 मिनट की सुई द्वारा 1 मिनट में तय किया गया क्षेत्रफल = $\pi r^2/60$ अतः, मिनट की सुई द्वारा 5 मिनट में तय किया गया क्षेत्रफल = $(\pi r^2/60) \times 5 = \pi r^2/12$ [$\therefore$ मिनट की सुई की लम्बाई (r) = 14 cm] 	1/2
		1/2
		1/2

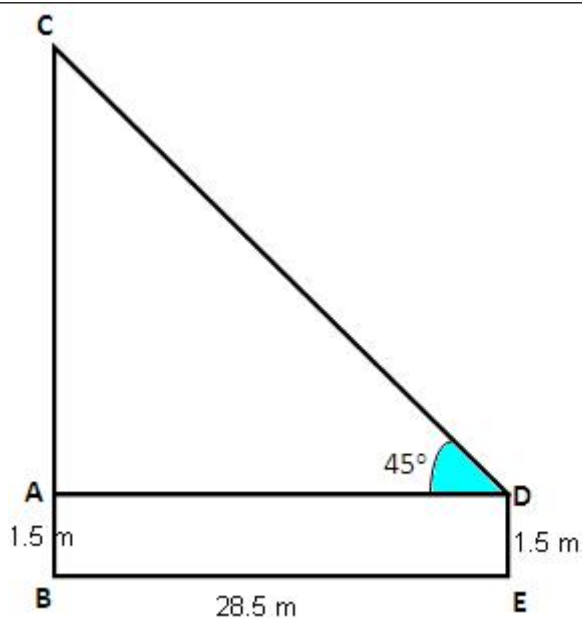
	$= 1/12 \times 22/7 \times 14 \times 14 \text{ cm}^2$ $= 154/3 \text{ cm}^2$	1/2
खण्ड -ग		
26.	मान लीजिए, यदि संभव हो तो $\sqrt{2}$ एक परिमेय संख्या है। $\therefore \sqrt{2} = \frac{p}{q}$, जहाँ p और q सह-अभाज्य पूर्णांक हैं तथा $q \neq 0$. $\Rightarrow 2 = \frac{p^2}{q^2}$ $\Rightarrow p^2 = 2 q^2 \dots\dots\dots(i)$ $\Rightarrow 2$, p^2 को विभाजित करता है $\Rightarrow 2$, p को भी विभाजित करता है। माना $p = 2m, \dots\dots\dots(ii)$ जहाँ m कोई पूर्णांक है। $\Rightarrow p^2 = 4m^2 \dots\dots\dots(iii)$ (i) और (iii) से $2q^2 = 4m^2$ $\Rightarrow q^2 = 2m^2$ $\Rightarrow 2$, q^2 को विभाजित करता है $\Rightarrow 2$, q को भी विभाजित करता है। $\Rightarrow q = 2n \dots\dots\dots(iv)$ (ii) और (iv) से, p और q का उभयनिष्ठ गुणनखंड 2 है। $\therefore p$ और q सह-अभाज्य पूर्णांक नहीं हैं अतः हमारी कल्पना गलत है। $\therefore \sqrt{2}$ एक अपरिमेय संख्या है।	1/2 1/2 1/2 1/2 1/2 1/2

	($\therefore$ समीकरण(2) का चिन्ह बदलता है) $4y = 40$ $\Rightarrow y = 10$ समीकरण(1) में $y = 10$ रखने पर। $x - 3(10) = 10$ $\Rightarrow x - 30 = 10$ $\Rightarrow x = 40$ अतः राहुल की वर्तमान आयु=$x=40$ वर्ष और राहुल के पुत्र की वर्तमान आयु=$y=10$ वर्ष.	1/2 1/2 1/2
28. (b)	माना बड़ा कोण = x छोटा कोण = y चूँकि दोनों कोण संपूरक हैं, $\therefore x + y = 180$ $\Rightarrow x = 180 - y \dots (i)$ अंतर 18 डिग्री है. $\therefore x - y = 18$ $\Rightarrow x = 18 + y \dots (ii)$ समीकरण (i) में x का मान रखने पर हमें मिलता है, $\Rightarrow 18 + y = 180 - y$ $\Rightarrow -y - y = 18 - 180$ $\Rightarrow -2y = -162$ $\Rightarrow y = -162/-2$ $\Rightarrow y = 81$ 	1 1/2 1/2

	समीकरण (i) में y का मान रखने पर, हमें मिलता है, $x = 180 - 81 = 99$ इसलिए, कोण 99° और 81° हैं।	1/2 1/2
29.	हम जानते हैं कि दो बिंदुओं के बीच की दूरी, दूरी सूत्र $= \sqrt{(x_2 - x_1)^2 + (y_2 - y_1)^2}$ द्वारा दी जाती है दूरी सूत्र में बिंदु P (2, - 3) और Q (10, y) के मानों को प्रतिस्थापित करने पर, हमें मिलता है $PQ = \sqrt{(2 - 10)^2 + (-3 - y)^2} = 10$ $PQ = \sqrt{(-8)^2 + (3 + y)^2} = 10$ दोनों तरफ वर्ग करने पर, हमें मिलता है $64 + (y + 3)^2 = 100$ $(y + 3)^2 = 36$ $y + 3 = \sqrt{36}$ $y + 3 = \pm 6$ $y + 3 = 6$ या $y + 3 = -6$ इसलिए, $y = 3$ या -9, y के लिए संभावित मान हैं।	1/2 1/2 1/2 1/2 1
30. (a)	दिया है: $\cos A + \cos^2 A = 1$ $\Rightarrow \cos A = 1 - \cos^2 A$ $\Rightarrow \cos A = \sin^2 A$ [$\because \sin^2 A = 1 - \cos^2 A$] (i)	1

	 LHS= $(\sin^2 A + \sin^4 A) = (\sin^2 A + (\sin^2 A)^2)$ = $(\sin^2 A + (\cos A)^2)$ [(i)का उपयोग करने पर] = $\sin^2 A + \cos^2 A$ = 1 = RHS	1/2 1 1/2
30. (b)	LHS=$(\sin A + \operatorname{cosec} A)^2 + (\cos A + \sec A)^2$ =$\sin^2 A + \operatorname{cosec}^2 A + 2\sin A \operatorname{cosec} A + \cos^2 A + \sec^2 A + 2\cos A \sec A$ =$\sin^2 A + \cos^2 A + \operatorname{cosec}^2 A + \sec^2 A + 2\sin A \times 1/\sin A + 2\cos A \times 1/\cos A$ [$\because \operatorname{cosec} A = 1/\sin A$ and $\sec A = 1/\cos A$] =$1 + \operatorname{cosec}^2 A + \sec^2 A + 2 + 2$ [$\because \sin^2 A + \cos^2 A = 1$] =$5 + (1 + \cot^2 A) + (1 + \tan^2 A)$ [$\because 1 + \tan^2 A = \sec^2 A$ and $1 + \cot^2 A = \operatorname{cosec}^2 A$] =$7 + \tan^2 A + \cot^2 A = \text{RHS}$	1/2 1 1/2 1

31.



.....

प्रेक्षक की ऊँचाई $DE = 1.5$ मीटर दी गई है

$$AB = DE = 1.5 \text{ m}$$

माना $BC = h$ चिमनी की ऊँचाई है

$$\text{अतः } AC = (h - 1.5) \text{ m}$$

प्रेक्षक और चिमनी के बीच की दूरी $AD = BE = 28.5$ मीटर है

.....

समकोण $\triangle CAD$ में, $\theta = 45^\circ$

$$\tan 45^\circ = AC/AD$$

$$\Rightarrow 1 = (h - 1.5)/28.5$$

$$\Rightarrow 28.5 = h - 1.5$$

$$\Rightarrow h = 28.5 + 1.5 = 30 \text{ m}$$

अतः चिमनी की ऊँचाई 30 मीटर है।

1/2

1/2

1

1

खण्ड-घ		
32.	दिया है: (a) दूसरा पद $a_2 = 14$ तीसरा पद $a_3 = 18$ सार्व अंतर $d = a_3 - a_2 = 18 - 14 = 4$ हम जानते हैं कि AP का nवाँ पद होता है: $a_n = a + (n - 1)d$ $a_2 = a + d$ $14 = a + 4$ $a = 10$ AP के n पदों का योगफल होता है : $S_n = n/2 [2a + (n - 1) d]$ $\therefore S_{51} = 51/2 [2 \times 10 + (51 - 1) 4]$ $= 51/2 [20 + 50 \times 4]$ $= 51/2 \times 220$ $= 51 \times 110$ $= 5610$	1 1 1 1 1
32.	(b) AP का nवाँ पद होता है: $a_n = a + (n - 1)d$ जहाँ a प्रथम पद तथा d सार्व अंतर होता है प्रश्न के अनुसार , $a_3 = 16$ और $a_7 - a_5 = 12$ $a + (3 - 1)d = 16$ $a + 2d = 16$ (1) $a_7 - a_5 = 12$ का उपयोग करते हुए $[a + (7 - 1) d] - [a + (5 - 1) d] = 12$	1/2 1

.....
सिद्ध करना है : $\frac{AD}{DB} = \frac{AE}{EC}$

1/2

रचना : $EM \perp AB$ तथा $DN \perp AC$ खींचिए। B को E से तथा C को D से मिलाइये।

1/2

प्रमाण: $\triangle ADE$ तथा $\triangle BDE$ में

$$\frac{\triangle ADE \text{ का क्षेत्रफल}}{\triangle BDE \text{ का क्षेत्रफल}} = \frac{\frac{1}{2} \times AD \times EM}{\frac{1}{2} \times DB \times EM} = \frac{AD}{DB} \text{----- (i)}$$

1/2

 $\triangle ADE$ तथा $\triangle CDE$ में

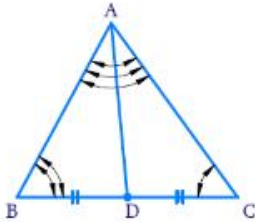
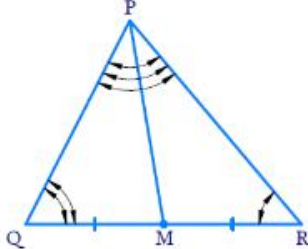
$$\frac{\triangle ADE \text{ का क्षेत्रफल}}{\triangle CDE \text{ का क्षेत्रफल}} = \frac{\frac{1}{2} \times AE \times DN}{\frac{1}{2} \times EC \times DN} = \frac{AE}{EC} \text{----- (ii)}$$

1/2

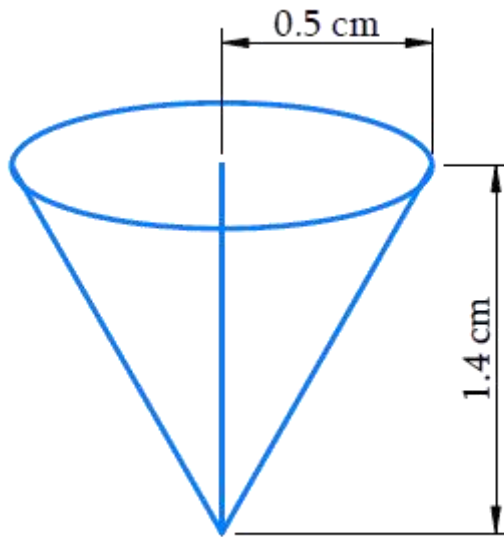
क्योंकि $DE \parallel BC$ [दिया है]

 $\therefore (\triangle BDE) \text{ का क्षेत्रफल} = (\triangle CDE) \text{ का क्षेत्रफल} \text{----- (iii)}$
 [$\because$ एक ही आधार पर और एक ही समानांतर भुजाओं के बीच बनी त्रिभुजों का क्षेत्रफल बराबर होता है]

1/2

	----- समीकरण (i), (ii) और (iii)से $\therefore \frac{AD}{DB} = \frac{AE}{EC}$ यही सिद्ध करना था ।	1/2
33. (b)	  ----- दिया है : $\triangle ABC \sim \triangle PQR$ $\Rightarrow \angle ABC = \angle PQR$ (संगत कोण) ----- (1) $\Rightarrow AB/PQ = BC/QR$ (संगत भुजाएं) ----- $\Rightarrow AB/PQ = (BC/2) / (QR/2)$ $\Rightarrow AB/PQ = BD/QM$ ($\because D$ और M, BC तथा QR के मध्य बिंदु हैं) ----- (2) ----- $\triangle ABD$ तथा $\triangle PQM$ में, $\angle ABD = \angle PQM$ ((1)से) $AB/PQ = BD/QM$ ((2)से) $\Rightarrow \triangle ABD \sim \triangle PQM$ (SAS कसौटी द्वारा) ----- $\Rightarrow AB/PQ = BD/QM = AD/PM$ (संगत भुजाएं) $\Rightarrow AB/PQ = AD/PM$ यही सिद्ध करना था ।	1/2 1 1 $1\frac{1}{2}$ 1

34.
(a)



प्रत्येक शंक्काकार गड्ढे की गहराई, $h_1 = 1.4$ सेमी

प्रत्येक शंक्काकार गड्ढे की त्रिज्या, $r = 0.5$ सेमी

घनाभ का आयाम 15 सेमी $\times$ 10 सेमी $\times$ 3.5 सेमी है

.....
पूरे पेन स्टैंड में लकड़ी का आयतन = लकड़ी के घनाभ का आयतन - $4 \times$ शंक्काकार गड्ढे का आयतन

.....
$$= l \times b \times h - 4 \times \frac{1}{3} \pi r^2 h_1$$

.....
$$= (15 \text{ cm} \times 10 \text{ cm} \times 3.5 \text{ cm}) - (4 \times \frac{1}{3} \times \frac{22}{7} \times 0.5 \text{ cm} \times 0.5 \text{ cm} \times 1.4 \text{ cm})$$

.....
$$= 525 \text{ cm}^3 - 1.47 \text{ cm}^3$$

$$= 523.53 \text{ cm}^3$$

पूरे स्टैंड में लकड़ी का आयतन 523.53 cm^3 है।

34.
(b)

घन का कुल पृष्ठीय क्षेत्रफल

	$=6\times(\text{भुजा})^2=6\times5\times5\text{ cm}^2=150\text{ cm}^2.$ ब्लॉक का पृष्ठीय क्षेत्रफल = घन का कुल पृष्ठीय क्षेत्रफल - गोलार्ध का आधार क्षेत्रफल + गोलार्ध का वक्र पृष्ठीय क्षेत्रफल $=150-\pi r^2+2\pi r^2$ $=(150+\pi r^2)\text{ cm}^2,$ $=150\text{ cm}^2+(22/7\times4.2/2\times4.2/2)\text{ cm}^2$ $=(150+13.86)\text{ cm}^2$ $=163.86\text{ cm}^2$	1
--	---	---

माध्य = $\bar{X} = \frac{\sum f_i x_i}{\sum f_i}$ $\Rightarrow 18 = \frac{752+20f}{44+f}$ $\Rightarrow 18(44+f) = 752+20f$ $\Rightarrow 792 +18f = 752+ 20f$ $\Rightarrow 792-752 = 20f -18 f$ $\Rightarrow 40 = 2f$ $\Rightarrow f = 20$ अतःलुप्त बारंबारता f=20	1/2 1/2 1/2 1/2 1																		
35. (b) <table><tr><th>कारों की संख्या</th><th>बारंबारता</th></tr><tr><td>0-10</td><td>7</td></tr><tr><td>10-20</td><td>14</td></tr><tr><td>20-30</td><td>13</td></tr><tr><td>30-40</td><td>12</td></tr><tr><td>40-50</td><td>20</td></tr><tr><td>50-60</td><td>11</td></tr><tr><td>60-70</td><td>15</td></tr><tr><td>70-80</td><td>8</td></tr></table> तालिका से, यह देखा जा सकता है कि अधिकतम वर्ग बारंबारता 20 है, जो वर्ग अंतराल 40 - 50 से संबंधित है। इसलिए, बहुलक वर्ग = 40 – 50 वर्ग आमाप h = 10 बहुलक वर्ग की निचली सीमा, l = 40 बहुलक वर्ग की बारंबारता, f₁ =20	कारों की संख्या	बारंबारता	0-10	7	10-20	14	20-30	13	30-40	12	40-50	20	50-60	11	60-70	15	70-80	8	1 1
कारों की संख्या	बारंबारता																		
0-10	7																		
10-20	14																		
20-30	13																		
30-40	12																		
40-50	20																		
50-60	11																		
60-70	15																		
70-80	8																		

	बहुलक वर्ग से पहले वाले वर्ग की बारंबारता, $f_0 = 12$ बहुलक वर्ग के बाद वाले वर्ग की बारंबारता, $f_2 = 11$ बहुलक = $l + [(f_1 - f_0)/(2f_1 - f_0 - f_2)] \times h$ = $40 + [(20 - 12)/(2 \times 20 - 12 - 11)] \times 10$ = $40 + [8/(40 - 23)] \times 10$ = $40 + (8/17) \times 10$ = $40 + 4.705$ = 44.705 ≈ 44.7 अतः बहुलक 44.7	1 1/2 1 1/2
खण्ड-ड		
36.	(i) $\text{समय} = \frac{\text{दूरी}}{\text{गति}}$	1
	(ii) माना विमान की सामान्य गति x किमी/घंटा है विमान की नई बढ़ी हुई गति = $(x + 250)$ किमी/घंटा कुल दूरी = 1500 किमी प्रश्न के अनुसार $\frac{1500}{x} - \frac{1500}{x + 250} = \frac{1}{2}$ $\frac{1500(x + 250) - 1500x}{x(x + 250)} = \frac{1}{2}$ $\frac{1500x + 375000 - 1500x}{x(x + 250)} = \frac{1}{2}$ $x^2 + 250x = 750000$	1/2

	$x^2 + 250x - 750000 = 0$	1/2
	(iii)(a) $x^2 + 250x - 750000 = 0$ $x^2 + 1000x - 750x - 750000 = 0$ $x(x+1000) - 750(x+1000) = 0$ $(x+1000)(x-750) = 0$ $x = -1000$ अथवा $x = 750$ $x = -1000$ को अस्वीकार करें, क्योंकि गति ऋणात्मक नहीं हो सकती। अतः, विमान की सामान्य गति 750 किमी/घंटा है।	1 1
	(iii)(b) $x^2 + 250x - 750000 = 0$ $x^2 + 1000x - 750x - 750000 = 0$ $x(x+1000) - 750(x+1000) = 0$ $(x+1000)(x-750) = 0$ $x = -1000$ अथवा $x = 750$ $x = -1000$ को अस्वीकार करें, क्योंकि गति ऋणात्मक नहीं हो सकती। अतः, विमान की नई गति $x+250 = 750+250 = 1000$ किमी/घंटा है।	1 1
37.	(i) चूँकि, संपर्क बिंदु पर त्रिज्या स्पर्श रेखा के लंबवत होती है। $\therefore$ पाइथागोरस प्रमेय से $PA = \sqrt{PS^2 + AS^2} = \sqrt{12^2 + 5^2} = \sqrt{169} = 13 \text{ cm}$ (ii) जब दो वृत्त बाह्य रूप से स्पर्श करते हैं तो एक उभयनिष्ठ स्पर्शरेखा खींची जा सकती है। (iii)(a) पाइथागोरस प्रमेय से $BQ = \sqrt{TQ^2 + TQ^2} = \sqrt{3^2 + 4^2} = \sqrt{25} = 5 \text{ cm}$	1 1 1

	 $QY = BQ - BY = 5 - 4 = 1 \text{ cm}$ (iii) (b) $PK = PA + AK = 13 + 5 = 18 \text{ cm}$ $XY = XK + KY = 10 + 8 = 18 \text{ cm}$	1 1 1
38.	(i) एक्वेरियम में कुल मछलियाँ = $13 + 18 + 12 + 11 = 54$ एक्वेरियम में कुल नर मछलियाँ = 36 ∴ एक्वेरियम में मादा मछलियाँ = $54 - 36 = 18$ ∴ मादा मछली के चयन की प्रायिकता = $\frac{\text{अनुकूल परिणामों की संख्या}}{\text{कुल संभावित परिणामों की संख्या}} = \frac{18}{54} = \frac{1}{3}$ (ii) फ्लावरहॉर्न मछली को चुनने की प्रायिकता = $\frac{\text{अनुकूल परिणामों की संख्या}}{\text{कुल संभावित परिणामों की संख्या}} = \frac{18}{54} = \frac{1}{3}$ (iii) (a) 'कोई' मछली के चुनने की प्रायिकता = $\frac{\text{अनुकूल परिणामों की संख्या}}{\text{कुल संभावित परिणामों की संख्या}} = \frac{12}{54} = \frac{2}{9}$	1 1 1

	 गप्पी मछली के चुनने की प्रायिकता= $\frac{\text{अनुकूल परिणामों की संख्या}}{\text{कुल संभावित परिणामों की संख्या}} = \frac{13}{54}$	1
	(iii) (b)एंजल और फ्लावरहॉर्न मछलियों की कुल संख्या= 18 +11 =29 एंजल मछली या फ्लावरहॉर्न मछली को चुनने की प्रायिकता= $\frac{29}{54}$ 	1
	न ही एंजल मछली और न ही फ्लावरहॉर्न मछली को चुनने की प्रायिकता= =1- एंजल मछली या फ्लावरहॉर्न मछली को चुनने की क्रमशः प्रायिकता $= 1- \frac{29}{54} = \frac{25}{54}$	1