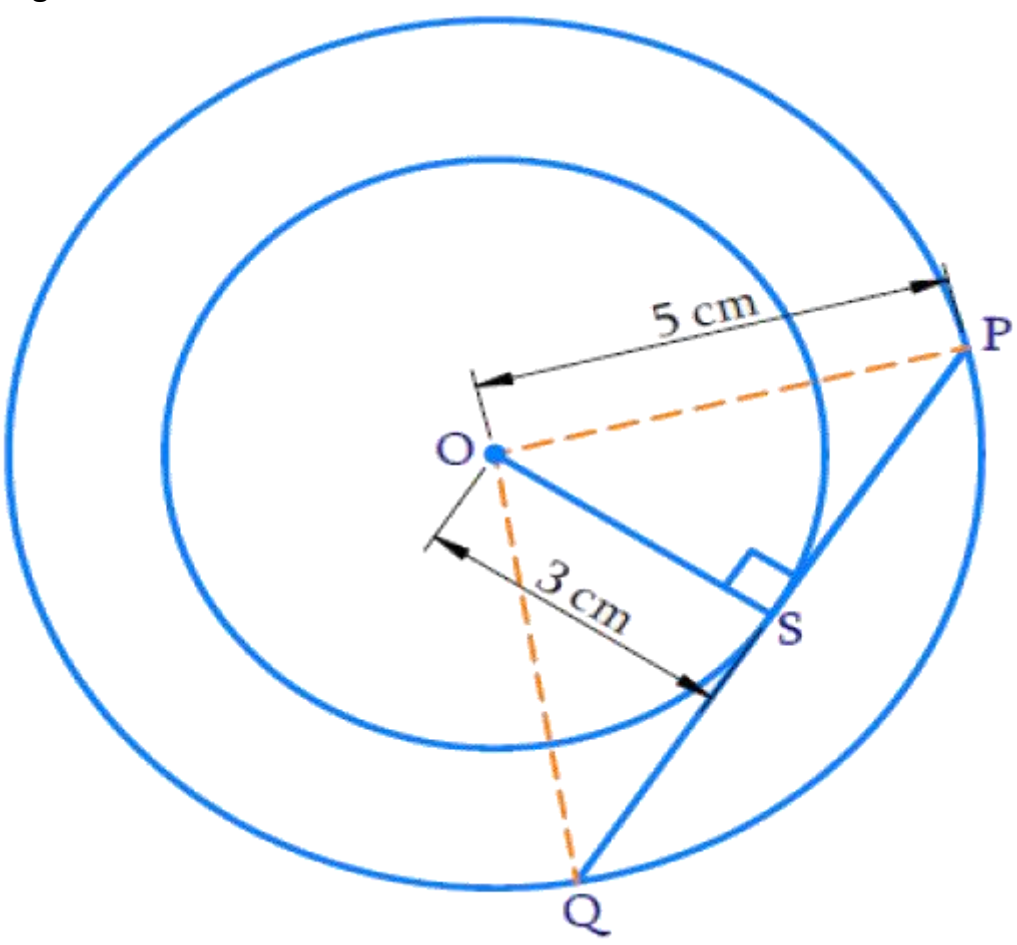
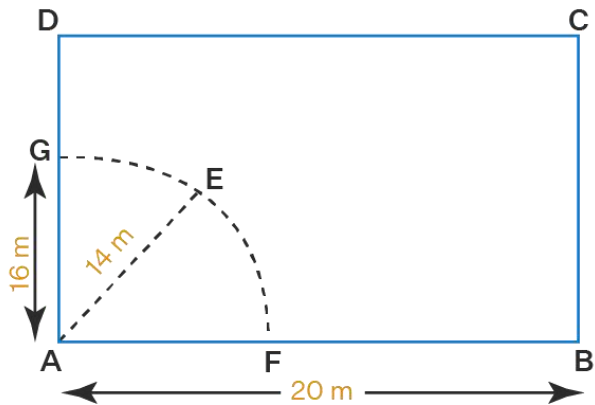


MARKING SCHEME BSEH PRACTICE PAPER 1, 10TH MATHS(Standard) , March2025 (ENGLISH MEDIUM)		
Q. no.	Expected solutions	marks
	Section-A	
1	(b)500	1
2	(a) both positive	1
3	(a) $x^2 - 4x + 3\sqrt{2} = 0$	1
4	((b)1	1
5	(c) ± 4	1
6	(c) 7	1
7	(a) 30°	1
8	(a) $\frac{5}{2}$	1
9	(c) r^2 sq. units	1
10	(d) $\sqrt{6} : \sqrt{\pi}$	1
11	(b) 8 [use mode= 3median-2mean]	1
12	(b) 14	1
13	a =3	1
14	diameter	1
15	1	1
16	A+B= 90°	1
17	r^2 sq. units	1
18	$10+15 = 25$	1
19	(a)Both Assertion(A) and Reason (R) are true and Reason (R) is the correct explanation of Assertion(A).	1
20	(d) Assertion(A) is false but Reason(R) is true.	1
SECTION-B		
21. (a)	From the above question, we have the linear equations as, $2x + y = 23$ ----- (i) $4x - y = 19$ ----- (ii) Adding the equation (i) and (ii), $6x = 42$ $x = 7$ Substituting x value in (i), we get,	1/2

	$2(7) + y = 23$ $14 + y = 23$ $y = 23 - 14$ $y = 9$	1/2
	 Substituting the values of x and y in $5y - 2x$ and $y/x - 2$, we get, $5y - 2x = 5 \times 9 - 2 \times 7$ $= 45 - 14$ $= 31$	1/2
	 $y/x - 2 = 9/7 - 2$ $= -5/7.$	1/2
21. (b)	In the above equation $a_1 = 4$, $a_2 = 2$, $b_1 = p$ and $b_2 = 2$. If the solution of a pair of linear equations is unique, then $a_1/a_2 \neq b_1/b_2$	1/2
	 $4/2 \neq p/2$	1/2
	 $4 \neq p$	1/2
	Thus, the pair of linear equations has a unique solution for all values of p except 4	1/2
22.	Given, $DE \parallel AB$ We have to find the value of x. From the figure, $CD = x + 3$ $AD = 3x + 19$ $CE = x$ $BE = 3x + 4$ $\therefore$ By Basic Proportionality Theorem $CD/DA = CE/EB$	1/2
	 $\Rightarrow (x+3)/(3x+19) = x/(3x+4)$ On cross multiplication,	1/2

	$(x+3)(3x+4) = x(3x+19)$ By multiplicative and distributive property, $3x^2 + 4x + 9x + 12 = 3x^2 + 19x$ Cancelling out common terms, $13x + 12 = 19x$ By grouping, $13x - 19x = -12$ $-6x = -12$ $x = 12/6$ $x = 2$ Therefore, the value of x is 2.	1/2 1/2
23.	The chord of the larger circle is a tangent to the smaller circle as shown in the figure below.  	1/2

	PQ is a chord of a larger circle and a tangent of a smaller circle. Tangent PQ is perpendicular to the radius at the point of contact S. Therefore, $\angle OSP = 90^\circ$ In $\triangle OSP$ (Right-angled triangle) By the Pythagoras Theorem, $OP^2 = OS^2 + SP^2$ $5^2 = 3^2 + SP^2$ $SP^2 = 25 - 9$ $SP^2 = 16$ $SP = \pm 4$ SP is the length of the tangent and cannot be negative Hence, $SP = 4$ cm. QS = SP (Perpendicular from center bisects the chord considering QP to be the larger circle's chord) Therefore, $QS = SP = 4$ cm Length of the chord PQ = $QS + SP = 4 + 4$ PQ = 8 cm Therefore, the length of the chord of the larger circle is 8 cm.	1 1/2
24. (a)	$\sin(A - B) = 1/2 \Rightarrow \sin(A-B) = \sin(30^\circ) \Rightarrow A - B = 30^\circ \dots(1)$ $\cos(A + B) = 1/2 \Rightarrow \cos(A + B) = \cos(60^\circ) \Rightarrow A + B = 60^\circ \dots(2)$ On Adding Eq. (1) and (2), we get $2A = 90^\circ \Rightarrow A = 45^\circ$ Now, Putting the value of A in Eq.(2), we get $45^\circ + B = 60^\circ \Rightarrow B = 15^\circ$ Hence, $A = 45^\circ$ and $B = 15^\circ$	1/2 1/2 1/2 1/2
24. (b)	We have , $a^2/x^2 - b^2/y^2$ $= a^2/a^2\sin^2\theta - b^2/b^2\tan^2\theta$ [$\therefore x = a\sin\theta, y = b\tan\theta$]	1/2

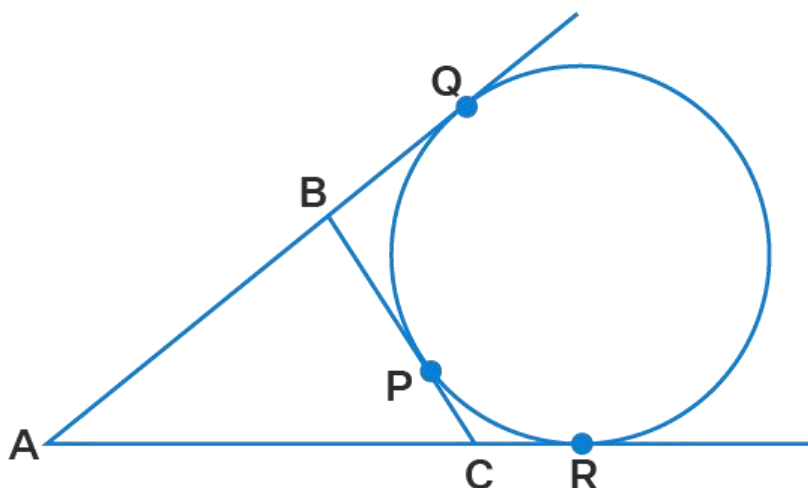
	 $=1/\sin^2\theta - 1/\tan^2\theta$ $=\operatorname{cosec}^2\theta - \cot^2\theta$ $[\because 1 + \cot^2\theta = \operatorname{cosec}^2\theta \therefore \operatorname{cosec}^2\theta - \cot^2\theta = 1]$ $=1$	1/2 1/2 1/2
25.	Given, rectangular field of dimension 20m × 16m A cow is tied with a rope of length 14 m at the corner of the rectangular field. We have to find the area of the field in which the cow can graze.  Let ABCD be the rectangular field. From the figure, We observe that the area that the cow can gaze is in the form of a sector of a circle. So, AGEF is a sector of a circle with radius 14 m. Area of sector $= \pi r^2 \theta / 360^\circ$ Here, $\theta = 90^\circ$ Area of sector $= (22/7)(14)^2(90^\circ/360^\circ)$ $= (22)(2)(14)(1/4)$ $= (22)(14)(1/2)$ $= 11(14)$	1/2 1/2 1/2

	 = 154 m² Therefore, the area in which the cow can gaze is 154 m².	1/2
SECTION-C		
26.	Let us assume that $3-2\sqrt{5}$ is rational. Hence it can be written in the form $\frac{a}{b}$ where a and b are co-prime and $b \neq 0$ Hence $3-2\sqrt{5} = \frac{a}{b}$ $\Rightarrow 2\sqrt{5} = 3 - \frac{a}{b} = \frac{3b-a}{b}$ $\Rightarrow \sqrt{5} = \frac{3b-a}{2b}$ where $\sqrt{5}$ is irrational and $\frac{3b-a}{2b}$ is rational. because irrational number $\neq$ rational number Therefore the above is a contradiction. So our assumption is wrong. Hence $3-2\sqrt{5}$ is irrational.	1/2 1/2 1/2 1/2 1/2 1/2
27.	since α and β are the zeroes of the polynomial $f(x)=2x^2 -7x +3$ $\therefore \alpha + \beta = -\left(\frac{-7}{2}\right) = \frac{7}{2}$ and $\alpha\beta = \frac{3}{2}$ Now $\alpha^2 + \beta^2 = (\alpha + \beta)^2 - 2\alpha\beta$	1 1

	 $= \left(\frac{7}{2}\right)^2 - 2 \times \frac{3}{2} =$ $\frac{49}{4} - \frac{3}{1} = \frac{49-12}{4} = \frac{37}{4}$	1
28. (a)	Let ₹ x is the fixed charge for the first two days and ₹ y is the additional charge for each. From the first condition, Latika paid ₹ 22 for a book kept for six days $x + 4y = 22$------(1) According to the second condition, Anand paid ₹16 for a book kept for four days $x + 2y = 16$------(2) Now solve equations (1) and (2) Subtracting (2) from (1), we get, $2y = 6$ $y = 3$. Substitute the value of y in (2), we get, $x + 2 \times 3 = 16$ $x = 16 - 6 = 10$ $x = 10$. $x = 10$. Therefore, the fixed charge = ₹ 10 and the charge for each extra day = ₹ 3.	1/2 1/2 1/2 1/2 1/2 1/2
28. (b)	Let the digits at tens place and units place in the first number be x and y respectively. A number can be expressed in the expanded form as $10(x) + y$. On reversing the digits, x is the units digit and y is the tens digit. The expanded notation for the second number be $10(y) + x$	1/2

	 As per the question, $(10x + y) + (10y + x) = 66$ $\Rightarrow 11(x + y) = 66$ $\Rightarrow x + y = 6 \text{ (1)}$ 	1/2
	Also, it is given that the difference between the two digits is 2. $x - y = 2 \text{ (2)}$ 	1/2
	or $y - x = 2 \text{ (3)}$ When $x - y = 2$ 	1/2
	Subtracting equation (2) from equation (1). $(x + y) - (x - y) = 6 - 2$ $2y = 4$ $y = 2 \text{ and } x = 4.$ $\therefore$ The two digit number is $10x + y = 40 + 2 = 42.$ 	1/2
	When $y - x = 2$ Subtracting equation (3) from equation (1). $(x + y) - (y - x) = 6 - 2$ $2x = 4$ $x = 2 \text{ and } y = 4$ $\therefore$ The two digit number is $10y + x = 20 + 4 = 24$ Thus, the two digits are 42 and 24	1/2

29.



Given: A circle touching the side BC of $\triangle ABC$ at P and AB, AC produced at Q and R respectively.

To Prove: $AQ = \frac{1}{2}(\text{Perimeter of } \triangle ABC)$

Proof: Lengths of tangents drawn from an external point to a circle are equal.

$\Rightarrow AQ = AR, BQ = BP, CP = CR.$

Perimeter of $\triangle ABC = AB + BC + CA$

$= AB + (BP + PC) + (AR - CR)$

$= (AB + BQ) + (PC) + (AQ - PC) \quad [\because AQ = AR, BQ = BP, CP = CR]$

$= AQ + AQ$

$= 2AQ$

$\Rightarrow AQ = \frac{1}{2}(\text{Perimeter of } \triangle ABC)$

$\therefore AQ$ is the half of the perimeter of $\triangle ABC$.

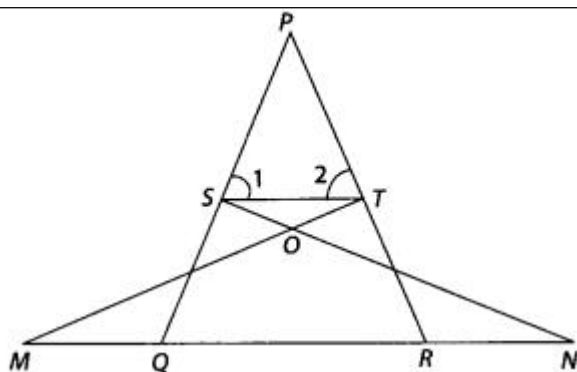
30.

$$\sin\theta + \cos\theta = \sqrt{3}$$

(a)	$\Rightarrow (\sin\theta + \cos\theta)^2 = 3$ $\Rightarrow \sin^2\theta + \cos^2\theta + 2\sin\theta\cos\theta = 3$ $\Rightarrow 1 + 2\sin\theta\cos\theta = 3$ $\Rightarrow 2\sin\theta\cos\theta = 2$ $\Rightarrow \sin\theta\cos\theta = 1$ $\Rightarrow \sin\theta\cos\theta = \sin^2\theta + \cos^2\theta$ $\Rightarrow 1 = \frac{\sin^2\theta + \cos^2\theta}{\sin\theta\cos\theta}$ $\Rightarrow \tan\theta + \cot\theta = 1$	1 1/2 1 1/2
30. (b)	$\text{LHS} = \frac{\cot A - \cos A}{\cot A + \cos A}$ $= \frac{\frac{\cos A}{\sin A} - \cos A}{\frac{\cos A}{\sin A} + \cos A}$ $= \frac{\cos A \left(\frac{1}{\sin A} - 1 \right)}{\cos A \left(\frac{1}{\sin A} + 1 \right)}$ $= \frac{\operatorname{cosec} A - 1}{\operatorname{cosec} A + 1} = \text{RHS}$	1 1 1

	 On factoring, $x^2 - 15x + 6x - 90 = 0$ $x(x - 15) + 6(x - 15) = 0$ $(x + 6)(x - 15) = 0$ Now, $x + 6 = 0$ $x = -6$ Also, $x - 15 = 0$ $x = 15$ Negative term $x = -6$ is neglected. So, $x = 15$ Therefore, Sunita scored 15 marks in the examination.	1+1 1/2
32. (b)	Let the first integer be x. The next consecutive positive integer will be $x + 1$. According to the given question, the sum of squares of x and $x + 1$ is 365. $x^2 + (x + 1)^2 = 365$ $x^2 + (x^2 + 2x + 1) = 365$ [$\because (a + b)^2 = a^2 + 2ab + b^2$] $2x^2 + 2x + 1 = 365$ $2x^2 + 2x + 1 - 365 = 0$ $2x^2 + 2x - 364 = 0$ $2(x^2 + x - 182) = 0$ $x^2 + x - 182 = 0$ $x^2 + 14x - 13x - 182 = 0$ $x(x + 14) - 13(x + 14) = 0$ $(x - 13)(x + 14) = 0$ $x - 13 = 0$ and $x + 14 = 0$ $x = 13$ and $x = -14$ The value of x cannot be negative (because it is given that the integers are positive). Thus, we ignore $x = -14$. $\therefore x = 13$ and $x + 1 = 14$	1/2 1 1 1+1 1/2

33.
(a)



1/2

Given $\triangle NSQ \cong \triangle MTR$ and $\angle 1 = \angle 2$

To prove : $\triangle PTS \sim \triangle PRQ$

Proof : Since, $\triangle NSQ \cong \triangle MTR$

So, $SQ = TR$ (i)

Also, $\angle 1 = \angle 2 \Rightarrow PT = PS$ (ii)

[since, sides opposite to equal angles are also equal]

From Eqs.(i) and (ii), $PS/SQ = PT/TR$

$\Rightarrow ST \parallel QR$ [by converse of basic proportionality theorem]

$\therefore \angle 1 = \angle PQR$ [Corresponding angles]

and $\angle 2 = \angle PRQ$

In $\triangle PTS$ and $\triangle PRQ$,

$\angle P = \angle P$ [common angles]

$\angle 1 = \angle PQR$

$\angle 2 = \angle PRQ$

$\therefore \triangle PTS \sim \triangle PRQ$ [by AAA similarity criterion]

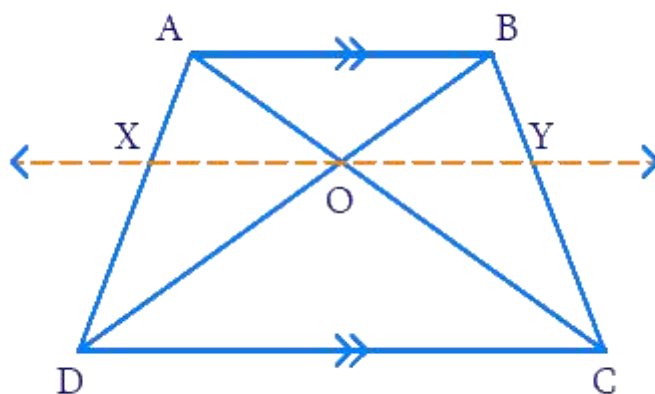
$1\frac{1}{2}$

$1\frac{1}{2}$

$1\frac{1}{2}$

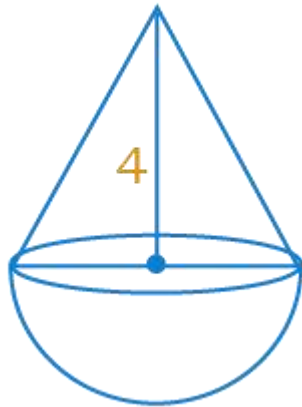
33.
(b)

Consider the trapezium ABCD as shown below.



1

	 In trapezium ABCD, $AB \parallel CD$ Also, AC and BD intersect at point O. Construct XY parallel to AB and CD ($XY \parallel AB$, $XY \parallel CD$) through point O In $\triangle ABC$ $OY \parallel AB$ (construction) According to Basic Proportionality Theorem $BY/CY = AO/OC$..... (1) In $\triangle BCD$ $OY \parallel CD$ (construction) According to Basic Proportionality Theorem $BY/CY = OB/OD$..... (2) From equations (1) and (2) $OA/OC = OB/OD$ $\Rightarrow OA/OB = OC/OD$ Hence proved.	1 1 1 1/2 1/2
34 (a)	The height and diameter of the base of the cone is 4 cm and 8 cm. We have to find the volume of the toy. We have to find the difference of the volumes of the cube and the toy and total surface area of the toy.	



Diameter of base of cone = diameter of hemisphere = 8 cm
 Radius = $8/2 = 4$ cm

$$\begin{aligned}\text{Volume of hemisphere} &= \frac{2}{3}\pi r^3 \\ &= \frac{2}{3}\left(\frac{22}{7}\right)(4)^3 \\ &= 134.095 \text{ cm}^3\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}\text{Volume of the cone} &= \frac{1}{3}\pi r^2 h \\ &= \frac{1}{3}\left(\frac{22}{7}\right)(4)^2(4) \\ &= 67.047 \text{ cm}^3\end{aligned}$$

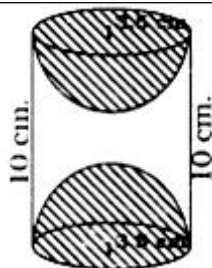
$$\begin{aligned}\text{Volume of the toy} &= \text{volume of hemisphere} + \text{volume of cone} \\ &= 134.095 + 67.047 \\ &= 201.142 \text{ cm}^3\end{aligned}$$

Therefore, the volume of the toy is 201.42 cm^3

Given, a cube circumscribes the toy
 So, the edge of the cube = diameter of the hemisphere = 8 cm
 Volume of cube = a^3

$= (8)^3$ $= 512 \text{ cm}^3$ 	
Difference in volume of cube and toy = volume of cube - volume of toy $= 512 - 201.142$ $= 310.858 \text{ cm}^3$ 	1/2
Curved surface area of the cone = $\pi r l$ Slant height, $l = \sqrt{h^2 + r^2} = \sqrt{4^2 + 4^2} = \sqrt{32} = 5.657 \text{ cm}$ Curved surface area of the cone = $(22/7)(4)(5.657)$ $= 71.117 \text{ cm}^2$ 	1/2
Curved surface area of hemisphere = $2\pi r^2$ $= 2(22/7)(4)^2$ $= (44/7)(16)$ $= 100.571 \text{ cm}^2$ Total surface area of the toy = curved surface area of the cone + curved surface area of hemisphere. $= 71.117 + 100.571$ $= 171.688 \text{ cm}^2$ Therefore, the total surface area of the toy is 171.688 cm^2.	1/2

34.
(b)



Radius of base of cylinder, $r = 3.5$ cm Height, $h = 10$ cm.

Total area of article = Curved Surface area of Cylinder + $2 \times$ Curved Surface area of Hemisphere=

$$= 2\pi rh + 2 \times 2\pi r^2$$

$$= 2 \times \frac{22}{7} \times 3.5 \times 10 + 2 \times 2 \times \frac{22}{7} \times (3.5)^2$$

$$= 2 \times \frac{22}{7} \times 3.5 \times (10 + 7)$$

$$= 7 \times \frac{22}{7} \times (17)$$

$$= 374 \text{ cm}^2$$

1

1

1

1

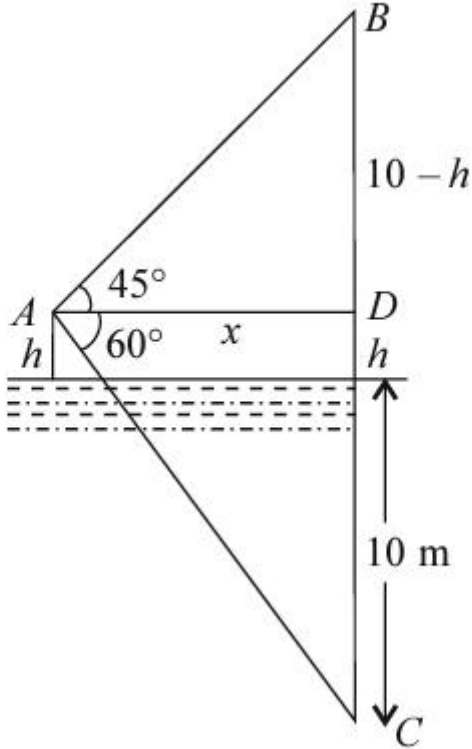
1/2

1/2

35. (a)	Class Intervals	Frequency	Cumulative Frequency	
	0-100	2	2	
	100-200	5	7	
	200-300	x	7+x	
	300-400	12	19+x	
	400-500	17	36+x	
	500-600	20	56+x	
	600-700	y	56+x+y	1
	700-800	9	65+x+y	
	800-900	7	72+x+y	
	900-1000	4	76+x+y	
				
It is given that n=100				1
So , $76 + x + y = 100$ or $x + y = 24$(1)				
.....				
The median is 525 which lies in the class 500-600				1
So, $l = 500$, $f = 20$, $cf = 36 + x$, $h = 100$				
.....				
Using the formula: $\text{Median} = l + \left(\frac{\frac{n}{2} - cf}{f} \right) \times h$				1/2
.....				
$525 = 500 + \left(\frac{50 - 36 - x}{20} \right) \times 100$				1/2

	 525-500= (14-x)× 5 25=70- 5x 5x= 70-25=45 x=9 Therefore, from (1),we get 9+y =24 y=15	1/2 1/2																																
35. (b)	<table><tr><th>Daily Wages(C.I.)</th><th>Class Mark (x_i)</th><th>No. of workers (f_i)</th><th>$f_i x_i$</th></tr><tr><td>100-120</td><td>110</td><td>12</td><td>1320</td></tr><tr><td>120-140</td><td>130</td><td>14</td><td>1820</td></tr><tr><td>140-160</td><td>150</td><td>8</td><td>1200</td></tr><tr><td>160-180</td><td>170</td><td>6</td><td>1020</td></tr><tr><td>180-200</td><td>190</td><td>10</td><td>1900</td></tr><tr><td></td><td></td><td>$\Sigma f_i = 50$</td><td>$\Sigma f_i x_i =7260$</td></tr><tr><td></td><td></td><td></td><td></td></tr></table> Mean daily wages = $\frac{\Sigma f_i x_i}{\Sigma f_i}$ $= \frac{7260}{50}$ 	Daily Wages(C.I.)	Class Mark (x_i)	No. of workers (f_i)	$f_i x_i$	100-120	110	12	1320	120-140	130	14	1820	140-160	150	8	1200	160-180	170	6	1020	180-200	190	10	1900			$\Sigma f_i = 50$	$\Sigma f_i x_i =7260$					$2\frac{1}{2}$ 1 1
Daily Wages(C.I.)	Class Mark (x_i)	No. of workers (f_i)	$f_i x_i$																															
100-120	110	12	1320																															
120-140	130	14	1820																															
140-160	150	8	1200																															
160-180	170	6	1020																															
180-200	190	10	1900																															
		$\Sigma f_i = 50$	$\Sigma f_i x_i =7260$																															

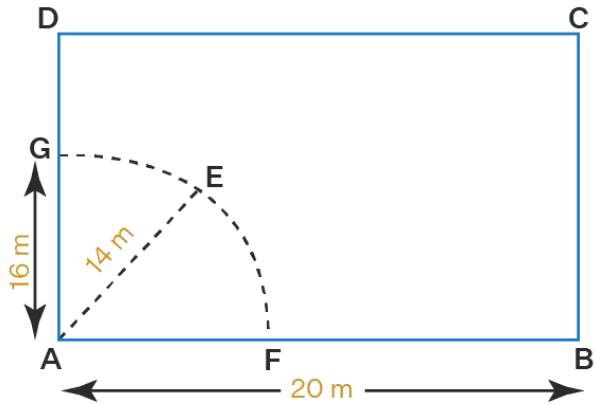
	$= ₹ 145.2$	1/2
	SECTION-E	
36.	(i) A.P. = 4, 7, 10, 13, $d = 7 - 4 = 3$ $a_n = a + (n - 1)d$ $a_{15} = 4 + (15 - 1)3 = 4 + 42 = 46$ (ii) A.P. = 4, 7, 10, 13, $d = 7 - 4 = 3$ $a_n = a + (n - 1)d$ $136 = 4 + (n - 1)3$ $136 = 4 + 3n - 3$ $136 - 1 = 3n$ $\frac{135}{3} = n$ $n = 45$ (iii)(a) A.P. = 4, 7, 10, 13, $d = 7 - 4 = 3$ $a = 4$ $n = 30$ $S_{30} = \frac{30}{2} [2 \times 4 + (30 - 1)3]$ $S_{30} = 15 [8 + 29 \times 3]$	1 1 1 1

	 (iii) $PQ = \sqrt{(3-4)^2 + (2-6)^2} = \sqrt{(-1)^2 + (-4)^2} = \sqrt{17} \text{ m}$ $QR = \sqrt{(6-3)^2 + (5-2)^2} = \sqrt{(3)^2 + (3)^2} = \sqrt{18} \text{ m} = 3\sqrt{2} \text{ m}$ $PR = \sqrt{(6-4)^2 + (5-6)^2} = \sqrt{(2)^2 + (-1)^2} = \sqrt{5} \text{ m}$ $PQ \neq QR \neq PR$ $\therefore \Delta PQR$ is not an isosceles triangle but a scalene triangle.	1
38.	(i)  (ii) In right ΔADB, $\tan 45^\circ = BD/AD$ $\therefore AD = BD/\tan 45^\circ$ $AD = BD = OB - OD = (10 - h) \text{ m}$	2

	 In right $\triangle ADC$ $\tan 60^\circ = CD/AD = (10 + h)/(10 - h)$ 	1/2
	$\Rightarrow (10 + h)/(10 - h) = \sqrt{3}$ $\Rightarrow 10 + h = 10\sqrt{3} - \sqrt{3}h$ $\Rightarrow (\sqrt{3} + 1)h = 10(\sqrt{3} - 1)$ 	1/2
	$\therefore h = 10(\sqrt{3} - 1)/(\sqrt{3} + 1)$ $h = 10(\sqrt{3} - 1)(\sqrt{3} - 1)/(\sqrt{3} + 1)(\sqrt{3} - 1)$ $h = 10(\sqrt{3} - 1)^2/2$ $\Rightarrow h = 2.67 \text{ m} \quad \text{using } \sqrt{3} = 1.73$	1/2

MARKING SCHEME BSEH PRACTICE PAPER 1, 10TH गणित(मानक) March 2025 (हिंदी माध्यम)		
Q. no.	Expected solutions	marks
	खण्ड-क	
1	(b) 500	1
2	(a) दोनों धनात्मक	1
3	(a) $x^2 - 4x + 3\sqrt{2} = 0$	1
4	(b) 1	1
5	(c) ± 4	1
6	(c) 7	1
7	(a) 30°	1
8	(a) $\frac{5}{2}$	1
9	(c) r^2 वर्ग इकाई	1
10	(d) $\sqrt{6} : \sqrt{\pi}$	1
11	(b) 8 [बहुलक = 3माध्यक-2माध्य का उपयोग करके]	1
12	(b) 14	1
13	$a = 3$	1
14	व्यास	1
15	1	1
16	$A+B = 90^\circ$	1
17	r^2 वर्ग इकाई	1
18	$10+15 = 25$	1
19	(a) अभिकथन (A) और तर्क (R) दोनों सही हैं और तर्क (R), अभिकथन (A) की सही व्याख्या करता है।	1
20	(d) अभिकथन (A) ग़लत है, परन्तु तर्क (R) सही है।	1
खण्ड -ख		
21. (a)	उपरोक्त प्रश्न से, हमारे पास रैखिक समीकरण इस प्रकार हैं,	

	 PQ एक बड़े वृत्त की जीवा और एक छोटे वृत्त की स्पर्शरेखा है। स्पर्श रेखा PQ स्पर्श बिंदु S पर त्रिज्या के लंबवत है। इसलिए, $\angle OSP = 90^\circ$ समकोण $\triangle OSP$ में पाइथागोरस प्रमेय द्वारा $OP^2 = OS^2 + SP^2$ $5^2 = 3^2 + SP^2$ $SP^2 = 25 - 9$ $SP^2 = 16$ $SP = \pm 4$ SP स्पर्श रेखा की लंबाई है और ऋणात्मक नहीं हो सकती अतः, $SP = 4$ सेमी $QS = SP$ (QP को बड़े वृत्त की जीवा मानते हुए केंद्र से लंब जीवा को समद्विभाजित करता है) इसलिए, $QS = SP = 4$ सेमी जीवा की लंबाई $PQ = QS + SP = 4 + 4$ $PQ = 8$ सेमी अतः बड़े वृत्त की जीवा की लंबाई 8 सेमी है।	1 1/2
24. (a)	$\sin(A - B) = 1/2 \Rightarrow \sin(A - B) = \sin(30^\circ) \Rightarrow A - B = 30^\circ \dots(1)$ $\cos(A + B) = 1/2 \Rightarrow \cos(A + B) = \cos(60^\circ) \Rightarrow A + B = 60^\circ \dots(2)$ समीकरण (1) और (2) को जोड़ने पर, हमें प्राप्त होता है $2A = 90^\circ \Rightarrow A = 45^\circ$ 	1/2 1/2 1/2

	अब, A का मान समीकरण(2) में रखने पर, हमें प्राप्त होता है $45^\circ + B = 60^\circ$ $\Rightarrow B = 15^\circ$ अतः, $A = 45^\circ$ और $B = 15^\circ$	1/2
24. (b)	$\frac{a^2}{x^2} - \frac{b^2}{y^2}$ $= \frac{a^2}{a^2 \sin^2 \theta} - \frac{b^2}{b^2 \tan^2 \theta} \quad [\because x = a \sin \theta, y = b \tan \theta]$ $= \frac{1}{\sin^2 \theta} - \frac{1}{\tan^2 \theta}$ $= \operatorname{cosec}^2 \theta - \cot^2 \theta$ $[\because 1 + \cot^2 \theta = \operatorname{cosec}^2 \theta \therefore \operatorname{cosec}^2 \theta - \cot^2 \theta = 1]$ $= 1$	1/2 1/2 1/2 1/2
25.	दिया है: $20\text{m} \times 16\text{m}$ आयाम का एक आयताकार मैदान एक गाय को आयताकार मैदान के कोने पर 14 मीटर लंबी रस्सी से बांधा गया है। हमें खेत का वह क्षेत्रफल ज्ञात करना है जिसमें गाय चर सकती है।  मान लीजिए कि ABCD एक आयताकार मैदान है। आकृति में, हम देखते हैं कि गाय जिस क्षेत्र को चर सकती है वह एक वृत्त के एक	1/2

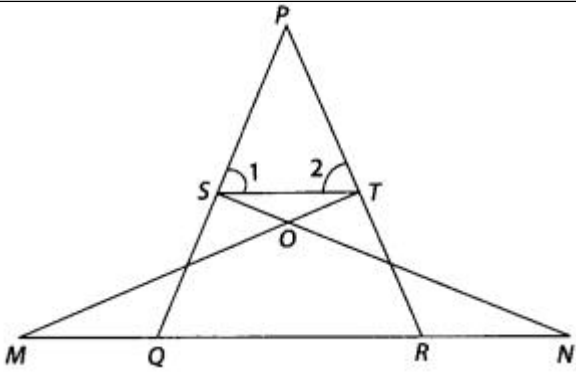
	त्रिज्यखंड के रूप में है। अतः, AGEF 14 मीटर त्रिज्या वाले वृत्त का एक त्रिज्यखंड है। त्रिज्यखंड का क्षेत्रफल = $\pi r^2 \theta / 360^\circ$ यहाँ, $\theta = 90^\circ$ त्रिज्यखंड का क्षेत्रफल = $(22/7)(14)^2(90^\circ/360^\circ)$ = $(22)(2)(14)(1/4)$ = $(22)(14)(1/2)$ = $11(14)$ = 154 m^2 अतः, गाय जिस क्षेत्र में चर सकती है वह 154 वर्ग मीटर है।	1/2 1/2 1/2
खण्ड -ग		
26.	मान लीजिए कि $3-2\sqrt{5}$ परिमेय संख्या है अतः इसे $\frac{a}{b}$ रूप में लिखा जा सकता है जहाँ a और b सह-अभाज्य हैं और $b \neq 0$ अतः $3-2\sqrt{5} = \frac{a}{b}$ $\Rightarrow 2\sqrt{5} = 3 - \frac{a}{b} = \frac{3b-a}{b}$ $\Rightarrow \sqrt{5} = \frac{3b-a}{2b}$ जहाँ $\sqrt{5}$ अपरिमेय है तथा $\frac{3b-a}{2b}$ परिमेय है। क्योंकि अपरिमेय संख्या $\neq$ परिमेय संख्या	1/2 1/2 1/2 1/2

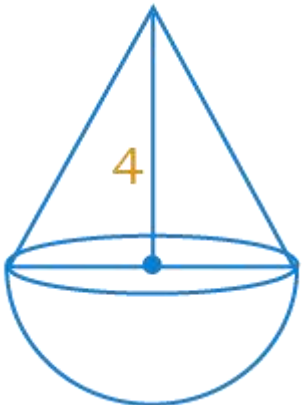
	 अतः उपरोक्त एक विरोधाभास है। इसलिए हमारी कल्पना ग़लत है। अतः $3-2\sqrt{5}$ अपरिमेय है।	1/2
27.	चूँकि α और β बहुपद $f(x) = 2x^2 - 7x + 3$ के शून्यक हैं $\therefore \alpha + \beta = -\left(\frac{-7}{2}\right) = \frac{7}{2}$ और $\alpha\beta = \frac{3}{2}$ अब $\alpha^2 + \beta^2 = (\alpha + \beta)^2 - 2\alpha\beta$ $= \left(\frac{7}{2}\right)^2 - 2 \times \frac{3}{2} =$ $\frac{49}{4} - \frac{3}{1} = \frac{49-12}{4} = \frac{37}{4}$	1 1 1
28. (a)	मान लीजिए कि ₹ x पहले दो दिनों के लिए निर्धारित शुल्क है और प्रत्येक अतिरिक्त दिन के लिए शुल्क ₹ y है। पहली स्थिति से, लतिका ने छह दिनों तक रखी एक पुस्तक के लिए ₹ 22 का भुगतान किया $x + 4y = 22$------(1) दूसरी शर्त के अनुसार, आनंद ने चार दिनों तक रखी एक किताब के लिए ₹16 का भुगतान किया $x + 2y = 16$------(2) समीकरण (2) को (1)से घटाने पर, हमें मिलता है $2y = 6$	1/2 1/2 1/2

	 $= AQ + AQ$ $= 2AQ$ $\Rightarrow AQ = 1/2$ (ΔABC का परिमाप) $\therefore AQ$, ΔABC के परिमाप का आधा भाग है।	1/2
30. (a)	दिया है : $\sin\theta + \cos\theta = \sqrt{3}$ $\Rightarrow (\sin\theta + \cos\theta)^2 = 3$ $\Rightarrow \sin^2\theta + \cos^2\theta + 2\sin\theta\cos\theta = 3$ $\Rightarrow 1 + 2\sin\theta\cos\theta = 3$ $\Rightarrow 2\sin\theta\cos\theta = 2$ $\Rightarrow \sin\theta\cos\theta = 1$ $\Rightarrow \sin\theta\cos\theta = \sin^2\theta + \cos^2\theta$ $\Rightarrow 1 = \frac{\sin^2\theta + \cos^2\theta}{\sin\theta\cos\theta}$ $\Rightarrow \tan\theta + \cot\theta = 1$ यही सिद्ध करना था ।	1 1/2 1 1/2
30. (b)	LHS = $\frac{\cot A - \cos A}{\cot A + \cos A}$ $= \frac{\frac{\cos A}{\sin A} - \cos A}{\frac{\cos A}{\sin A} + \cos A}$ 	1

	$= \frac{\cos A \left(\frac{1}{\sin A} - 1 \right)}{\cos A \left(\frac{1}{\sin A} + 1 \right)}$ $= \frac{\operatorname{cosec} A - 1}{\operatorname{cosec} A + 1} = \text{RHS}$	1
31.	दिया गया है, एक थैले में 24 गेंदें हैं जिनमें से x लाल, 2x सफेद और 3x नीली हैं। एक गेंद यादृच्छिक रूप से चुनी जाती है। $\Rightarrow x + 2x + 3x = 24$ $6x = 24$ $x = 24/6$ $x = 4$ लाल गेंदों की संख्या = $x = 4$ सफेद गेंदों की संख्या = $2x = 2(4)$ $= 8$ नीली गेंदों की संख्या = $3x = 3(4)$ $= 12$ (i) ऐसी गेंद को चुनने की प्रायिकता जो लाल नहीं है, निम्न द्वारा दी गई है अनुकूल परिणाम = लाल के अलावा अन्य गेंदें = सफेद गेंद + नीली गेंद अनुकूल परिणामों की संख्या = $8 + 12 = 20$ संभावित परिणामों की संख्या = 24 ऐसी गेंद चुनने की प्रायिकता जो लाल नहीं है = अनुकूल परिणामों की संख्या/संभावित परिणामों की संख्या प्रायिकता = $20/24 = 10/12 = 5/6$ (ii) सफेद गेंद चुनने की प्रायिकता = अनुकूल परिणामों की संख्या/संभावित परिणामों	1/2 1/2 1 1

	की संख्या प्रायिकता = $8/24 = 1/3$	
खण्ड-घ		
32. (a)	हमें सुनीता द्वारा परीक्षा में प्राप्त अंक ज्ञात करने हैं। माना कि वास्तविक अंक x हैं कुल अंक = 30 प्रश्नानुसार $9(x + 10) = x^2$ $9x + 90 = x^2$ $x^2 - 9x - 90 = 0$ $x^2 - 15x + 6x - 90 = 0$ $x(x - 15) + 6(x - 15) = 0$ $(x + 6)(x - 15) = 0$ या $x + 6 = 0$ $x = -6$ अथवा $x - 15 = 0$ $x = 15$ ऋणात्मक पद $x = -6$ को छोड़ने पर $x = 15$ इसलिए, सुनीता ने परीक्षा में 15 अंक प्राप्त किये।	1/2 1 1 1+1 1/2
32. (b)	माना पहला पूर्णांक x है। अगला क्रमागत धनात्मक पूर्णांक $x + 1$ होगा। दिए गए प्रश्न के अनुसार, x और $x + 1$ के वर्गों का योग 365 है। $x^2 + (x + 1)^2 = 365$ $x^2 + (x^2 + 2x + 1) = 365$ [$\because (a + b)^2 = a^2 + 2ab + b^2$]	1/2 1

	$2x^2 + 2x + 1 = 365$ $2x^2 + 2x + 1 - 365 = 0$ $2x^2 + 2x - 364 = 0$ $2(x^2 + x - 182) = 0$ $x^2 + x - 182 = 0$ $x^2 + 14x - 13x - 182 = 0$ $x(x + 14) - 13(x + 14) = 0$ $(x - 13)(x + 14) = 0$ $x - 13 = 0 \text{ और } x + 14 = 0$ $x = 13 \text{ और } x = -14$ x का मान ऋणात्मक नहीं हो सकता (क्योंकि यह दिया गया है कि पूर्णांक धनात्मक हैं)। इस प्रकार, हम $x = -14$ को अनदेखा करते हैं। $\therefore x = 13$ और $x + 1 = 14$	1 1+1 1/2
33. (a)	 दिया है: $\triangle NSQ \cong \triangle MTR$ और $\angle 1 = \angle 2$ सिद्ध करना है : $\triangle PTS \sim \triangle PRQ$ प्रमाण : क्योंकि $\triangle NSQ \cong \triangle MTR$ इसलिए $SQ = TR$ (i) साथ ही $\angle 1 = \angle 2 \Rightarrow PT = PS$ (ii) [$\because$ समान कोणों की सम्मुख भुजाएँ भी बराबर होती हैं] समीकरणों (i) और (ii) से, $PS/SQ = PT/TR$	1/2 $1\frac{1}{2}$

	BY/CY = OB/OD..... (2) समीकरण (1) और (2) से $OA/OC = OB/OD$ $\Rightarrow OA/OB = OC/OD$ यही सिद्ध करना था।	1/2 1/2
34 (a)	शंकु के आधार की ऊँचाई और व्यास 4 सेमी और 8 सेमी है। हमें खिलौने का आयतन ज्ञात करना है। हमें घन और खिलौने के आयतन का अंतर और खिलौने के कुल पृष्ठीय क्षेत्रफल ज्ञात करना है।  शंकु के आधार का व्यास = अर्धगोले का व्यास = 8 सेमी त्रिज्या = $8/2 = 4$ सेमी अर्धगोले का आयतन = $(2/3)\pi r^3$ $= (2/3)(22/7)(4)^3$ $= 134.095 \text{ cm}^3$ 	1/2 1/2

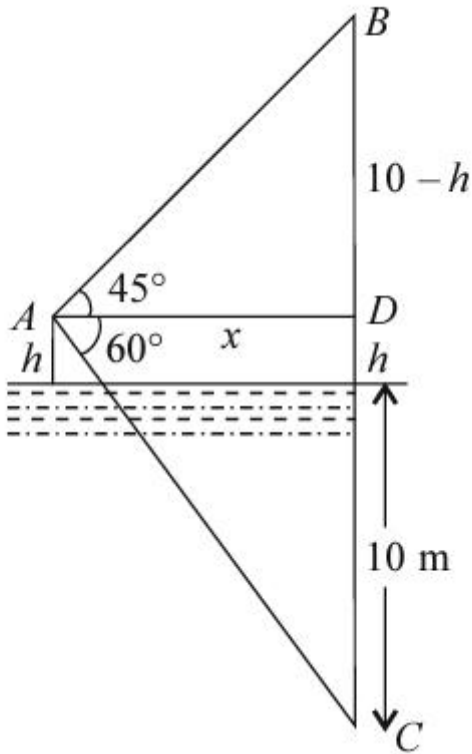
	शंकु का आयतन = $(1/3)\pi r^2 h$ $= (1/3)(22/7)(4)^2(4)$ $= 67.047 \text{ cm}^3$ खिलौने का आयतन = अर्धगोले का आयतन + शंकु का आयतन $= 134.095 + 67.047$ $= 201.142 \text{ cm}^3$ इसलिए, खिलौने का आयतन 201.42 cm^3 है दिया गया है, खिलौने के चारों ओर एक घन है $\therefore$ घन की भुजा = अर्धगोले का व्यास = 8 सेमी घन का आयतन = $a^3 = (8)^3$ $= 512 \text{ cm}^3$ घन और खिलौने के आयतन में अंतर = घन का आयतन - खिलौने का आयतन $= 512 - 201.142$ $= 310.858 \text{ cm}^3$ शंकु का वक्र पृष्ठीय क्षेत्रफल = $\pi r l$ तिर्यक ऊंचाई, $l = \sqrt{h^2 + r^2} = \sqrt{4^2 + 4^2} = \sqrt{32} = 5.657 \text{ cm}$ शंकु का वक्र पृष्ठीय क्षेत्रफल = $(22/7)(4)(5.657)$	1/2 1/2 1/2 1/2 1/2
--	--	--

	$= 2 \times \frac{22}{7} \times 3.5 \times (10 + 7)$ $= 7 \times \frac{22}{7} \times (17)$ $= 374 \text{ cm}^2$	1/2 1/2																																	
35. (a)	<table border="1"> <thead> <tr> <th>वर्ग अंतराल</th><th>बारंबारता</th><th>संचयी बारंबारता</th></tr> </thead> <tbody> <tr><td>0-100</td><td>2</td><td>2</td></tr> <tr><td>100-200</td><td>5</td><td>7</td></tr> <tr><td>200-300</td><td>x</td><td>7+x</td></tr> <tr><td>300-400</td><td>12</td><td>19+x</td></tr> <tr><td>400-500</td><td>17</td><td>36+x</td></tr> <tr><td>500-600</td><td>20</td><td>56+x</td></tr> <tr><td>600-700</td><td>y</td><td>56+x+y</td></tr> <tr><td>700-800</td><td>9</td><td>65+x+y</td></tr> <tr><td>800-900</td><td>7</td><td>72+x+y</td></tr> <tr><td>900-1000</td><td>4</td><td>76+x+y</td></tr> </tbody> </table> यह दिया गया है कि $n=100$ इसलिए , $76 + x + y = 100$ या $x + y = 24$.....(1) माध्यक 525 है जो वर्ग 500-600 में स्थित है इसलिए , $l = 500$, $f = 20$, $cf = 36 + x$, $h = 100$ 	वर्ग अंतराल	बारंबारता	संचयी बारंबारता	0-100	2	2	100-200	5	7	200-300	x	7+x	300-400	12	19+x	400-500	17	36+x	500-600	20	56+x	600-700	y	56+x+y	700-800	9	65+x+y	800-900	7	72+x+y	900-1000	4	76+x+y	1 1 1
वर्ग अंतराल	बारंबारता	संचयी बारंबारता																																	
0-100	2	2																																	
100-200	5	7																																	
200-300	x	7+x																																	
300-400	12	19+x																																	
400-500	17	36+x																																	
500-600	20	56+x																																	
600-700	y	56+x+y																																	
700-800	9	65+x+y																																	
800-900	7	72+x+y																																	
900-1000	4	76+x+y																																	

	सूत्र : माध्यक = $l + \left(\frac{\frac{n}{2}-cf}{f}\right) \times h$ का उपयोग करने पर $525 = 500 + \left(\frac{50-36-x}{20}\right) \times 100$ $525-500= (14-x) \times 5$ $25=70- 5x$ $5x= 70-25=45$ $x=9$ अतः, (1) से, हमें प्राप्त होता है $9+y =24$ $y=15$	1/2 1/2 1/2 1/2																																
35. (b)	<table><tr><th>दैनिक मजदूरी (वर्ग अन्तराल)</th><th>वर्ग चिन्ह (x_i)</th><th>मजदूरों की संख्या (f_i)</th><th>$f_i x_i$</th></tr><tr><td>100-120</td><td>110</td><td>12</td><td>1320</td></tr><tr><td>120-140</td><td>130</td><td>14</td><td>1820</td></tr><tr><td>140-160</td><td>150</td><td>8</td><td>1200</td></tr><tr><td>160-180</td><td>170</td><td>6</td><td>1020</td></tr><tr><td>180-200</td><td>190</td><td>10</td><td>1900</td></tr><tr><td></td><td></td><td>$\Sigma f_i = 50$</td><td>$\Sigma f_i x_i =7260$</td></tr><tr><td></td><td></td><td></td><td></td></tr></table> औसत दैनिक मजदूरी = $\frac{\Sigma f_i x_i}{\Sigma f_i}$	दैनिक मजदूरी (वर्ग अन्तराल)	वर्ग चिन्ह (x_i)	मजदूरों की संख्या (f_i)	$f_i x_i$	100-120	110	12	1320	120-140	130	14	1820	140-160	150	8	1200	160-180	170	6	1020	180-200	190	10	1900			$\Sigma f_i = 50$	$\Sigma f_i x_i =7260$					$2\frac{1}{2}$ 1
दैनिक मजदूरी (वर्ग अन्तराल)	वर्ग चिन्ह (x_i)	मजदूरों की संख्या (f_i)	$f_i x_i$																															
100-120	110	12	1320																															
120-140	130	14	1820																															
140-160	150	8	1200																															
160-180	170	6	1020																															
180-200	190	10	1900																															
		$\Sigma f_i = 50$	$\Sigma f_i x_i =7260$																															

	 $= \frac{7260}{50}$ $= ₹ 145.2$	1 1/2
36.	(i) A.P. = 4, 7, 10, 13, $d = 7 - 4 = 3$ $a_n = a + (n - 1)d$ $a_{15} = 4 + (15 - 1)3 = 4 + 42 = 46$ (ii) A.P. = 4, 7, 10, 13, $d = 7 - 4 = 3$ $a_n = a + (n - 1)d$ $136 = 4 + (n - 1)3$ $136 = 4 + 3n - 3$ $136 - 1 = 3n$ $\frac{135}{3} = n$ $n = 45$ (iii)(a) A.P. = 4, 7, 10, 13, $d = 7 - 4 = 3$ $a = 4$ $n = 30$ $S_{30} = \frac{30}{2} [2 \times 4 + (30 - 1)3]$ $S_{30} = 15 [8 + 29 \times 3]$	1 1 1 1

	$S_{30} = 15 \times 95 = 1425$ (iii)(b) A.P. = 4, 7, 10, 13, $d = 7 - 4 = 3$ $a = 4$ $a_n = a + (n-1)d$ $a_{20} = 4 + (20-1)3 = 4 + 19 \times 3 = 4 + 57 = 61$	1
		1
37.	(i) ΔPQR के शीर्षों के निर्देशांक $P(4,6)$, $Q(3,2)$ और $R(6,5)$ हैं। (ii)(a) $PQ = \sqrt{(3-4)^2 + (2-6)^2} = \sqrt{(-1)^2 + (-4)^2} = \sqrt{17} \text{ m}$ $QR = \sqrt{(6-3)^2 + (5-2)^2} = \sqrt{(3)^2 + (3)^2} = \sqrt{18} \text{ m} = 3\sqrt{2} \text{ m}$ (ii) (b) मान लीजिए $S(x,y)$ वह बिंदु है जो बिंदुओं $P(4,6)$ और $R(6,5)$ को मिलाने वाले रेखाखंड को आंतरिक रूप से 2:1 के अनुपात में विभाजित करता है। विभाजन सूत्र द्वारा $S(x,y) = S\left(\frac{2 \times 6 + 1 \times 4}{2+1}, \frac{2 \times 5 + 1 \times 6}{2+1}\right)$ $= S\left(\frac{12+4}{3}, \frac{10+6}{3}\right) =$ $= S\left(\frac{16}{3}, \frac{16}{3}\right)$	1 2 1 1

	 (iii) $PQ = \sqrt{(3-4)^2 + (2-6)^2} = \sqrt{(-1)^2 + (-4)^2} = \sqrt{17} \text{ m}$ $QR = \sqrt{(6-3)^2 + (5-2)^2} = \sqrt{(3)^2 + (3)^2} = \sqrt{18} \text{ m} = 3\sqrt{2} \text{ m}$ $PR = \sqrt{(6-4)^2 + (5-6)^2} = \sqrt{(2)^2 + (-1)^2} = \sqrt{5} \text{ m}$ $PQ \neq QR \neq PR$ $\therefore \Delta PQR$ एक समद्विबाहु त्रिभुज नहीं है बल्कि एक विषमबाहु त्रिभुज है।	1
38.	(i)  (ii) समकोण ΔADB में, $\tan 45^\circ = BD/AD$	2

$\therefore AD = BD/\tan 45^\circ$ $AD = BD = OB - OD = (10 - h) \text{ m}$ 	1/2
 समकोण $\triangle ADC$ में $\tan 60^\circ = CD/AD = (10 + h)/(10 - h)$ 	1/2
 $\Rightarrow (10 + h)/(10 - h) = \sqrt{3}$ $\Rightarrow 10 + h = 10\sqrt{3} - \sqrt{3}h$ $\Rightarrow (\sqrt{3} + 1)h = 10(\sqrt{3} - 1)$ 	1/2
 $\therefore h = 10(\sqrt{3} - 1)/(\sqrt{3} + 1)$ $h = 10(\sqrt{3} - 1)(\sqrt{3} - 1)/(\sqrt{3} + 1)(\sqrt{3} - 1)$ $h = 10(\sqrt{3} - 1)^2/2$ $\Rightarrow h = 2.67 \text{ m} \quad [\sqrt{3} = 1.73 \text{ का उपयोग करते हुए}]$	1/2