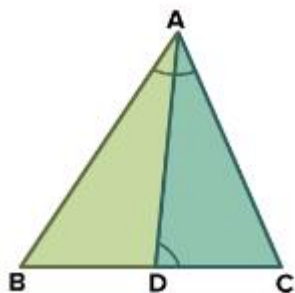


MARKING SCHEME BSEH PRACTICE PAPER 3,10TH MATHS(Standard) , March2024 (ENGLISH MEDIUM)		
Q. no.	Expected solutions	mar ks
	Section-A	
1	(d)2520	1
2	(d) p+1	1
3	(b) -10	
4	(a) $\frac{2}{3}$	1
5	(b) -6lmn	1
6	(b) 7	1
7	(b) 8cm	1
8	(a) 3cm	1
9	one	1
10	0	1
11	False	1
12	$\frac{25}{8}$	1
13	28cm	1
14	(b) $\frac{\theta}{360} \times \pi r^2$	1
15	(a) $4\pi r^2$	1
16	(b) 25	1
17	(b)Mode= 3median-2mean	1
18	(d) $\frac{17}{16}$	1
19	(a)Both Assertion(A) and Reason (R) are true and Reason (R) is the correct explanation of Assertion(A).	1
20	(d) Assertion(A) is false but Reason(R) is true.	1
SECTION-B		
21.	Here $a_1=3, b_1=-1, c_1=-5$ $a_2=6, b_2=-2, c_2=-k$	1/2

	For no solution; $\frac{a_1}{a_2} = \frac{b_1}{b_2} \neq \frac{c_1}{c_2}$ $\Rightarrow \frac{3}{6} = \frac{-1}{-2} \neq \frac{-5}{-k}$ $\Rightarrow \frac{1}{2} \neq \frac{5}{k}$ $\Rightarrow k \neq 10$	1/2 1/2 1/2
OR 21	$x + y + 40^\circ = 180^\circ$ [sum of all angles of a triangle] $\Rightarrow x + y = 140^\circ$(1) $x - y = 30^\circ$(2) By solving the equation (1) $y = 140^\circ - x$...(3) Substitute $y = 140^\circ - x$ in equation (2), we get $x - (140^\circ - x) = 30^\circ$ $2x - 140^\circ = 30^\circ$ $2x = 30^\circ + 140^\circ$ $2x = 170^\circ$ $x = 85^\circ$ Substituting $x = 85^\circ$ in equation (3), we get $y = 140^\circ - 85^\circ$ $y = 55^\circ$ Thus, $x = 85^\circ, y = 55^\circ$	1/2 1/2 1/2 1/2
22.		



1/2

.....
In $\triangle ABC$ and $\triangle DAC$

$\angle BAC = \angle ADC$ (Given in the statement)

$\angle ACB = \angle ACD$ (Common angles)

$\Rightarrow \triangle ABC \sim \triangle DAC$ (AA criterion)

1/2

.....
If two triangles are similar, then their corresponding sides are proportional

$\Rightarrow CA / CD = CB / CA$

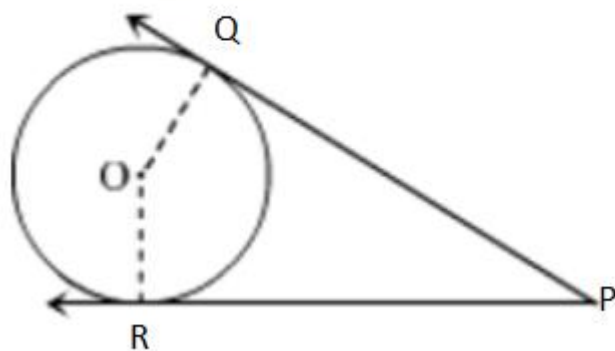
1/2

.....
 $\Rightarrow CA^2 = CB \times CD$

1/2

Hence, proved.

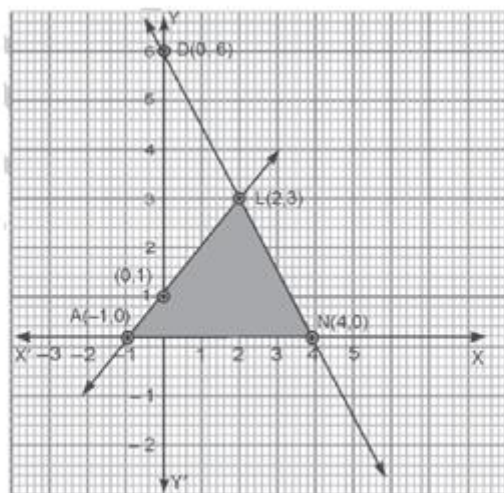
23.



1/2

	 Let us cube on both sides $(\sin^2 \theta + \cos^2 \theta)^3 = 1$ By using the algebraic identity $(a + b)^3 = a^3 + b^3 + 3ab(a + b)$ $(\sin^2 \theta)^3 + (\cos^2 \theta)^3 + 3 \sin^2 \theta \cos^2 \theta (\sin^2 \theta + \cos^2 \theta) = 1$ So we get $\sin^6 \theta + \cos^6 \theta + 3 \sin^2 \theta \cos^2 \theta = 1$ Therefore, it is proved.	1/2 1/2 1/2
25.	We have to find the area of the shaded region. From the figure, Here, radius = 21 cm Area of sector = $\pi r^2 \theta / 360^\circ$ $\theta_1 + \theta_2 + \theta_3 + \theta_4 = 360^\circ$ Therefore area of shaded region = $\pi r_1^2 \theta_1 / 360^\circ + \pi r_2^2 \theta_2 / 360^\circ + \pi r_3^2 \theta_3 / 360^\circ + \pi r_4^2 \theta_4 / 360^\circ$ $= \pi r^2 (\theta_1 + \theta_2 + \theta_3 + \theta_4) / 360^\circ \quad \because r_1 = r_2 = r_3 = r_4$ $= (22/7)(21)^2(360^\circ)/360^\circ$	1/2 1/2

	 Product of zeroes = $\frac{4}{3} \times \left(\frac{-3}{2}\right) = -2 = \frac{\text{constant term}}{\text{coefficient of } x^2}$	1												
28.	Given linear equations are: $x - y + 1 = 0$ $3x + 2y - 12 = 0$ From eq. (i) $y = x + 1$ <table border="1"> <tr> <td>x</td><td>-1</td><td>0</td></tr> <tr> <td>y</td><td>0</td><td>1</td></tr> </table> Points are (-1, 0) and (0, 1). From (ii), $3x + 2y - 12 = 0 \Rightarrow$ $y = \frac{12 - 3x}{2}$ <table border="1"> <tr> <td>x</td><td>4</td><td>0</td></tr> <tr> <td>y</td><td>0</td><td>6</td></tr> </table> Points are (4, 0) and (0, 6). We plot these points and draw the lines.	x	-1	0	y	0	1	x	4	0	y	0	6	1 1
x	-1	0												
y	0	1												
x	4	0												
y	0	6												



1/2

From the graph, we see that the vertices of the required triangle are
A(-1, 0), N(4, 0) and L(2, 3).

1/2

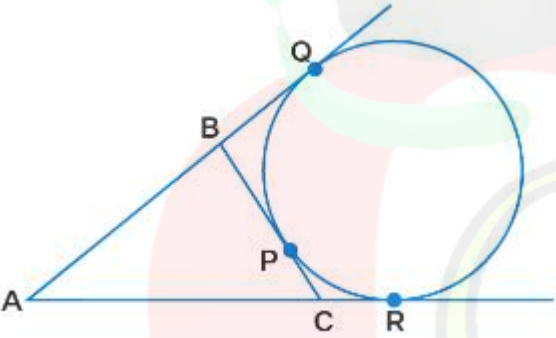
OR
28.

Let unit's digit be y and ten's digit be x . Then number is $10x+y$ and
number obtained on reversing the digits is
 $10y+x$

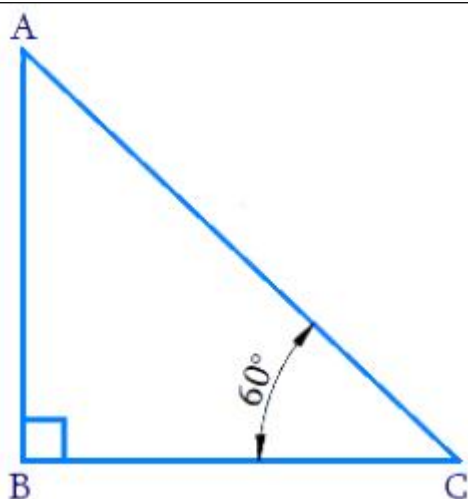
1/2

given $x + y = 9$(i)

1/2

	and $9(10x+y) = 2(10y+x)$ $\Rightarrow 90x+9y=20y+2x$ $\Rightarrow 88x-11y=0 \Rightarrow 8x-y=0 \dots\dots\dots (ii)$ Adding (i) and (ii), we get $x+y+8x-y=9+0$ $\Rightarrow 9x=9 \Rightarrow x=1$ Substituting the value of x in (i), we get $y=8$ Hence, the number is 18.	1/2 1/2 1/2 1/2
29.	 Given: A circle touching the side BC of $\triangle ABC$ at P and AB, AC produced at Q and R respectively. To Prove: $AQ = \frac{1}{2}(\text{Perimeter of } \triangle ABC)$ Proof: Lengths of tangents drawn from an external point to a circle are equal. $\Rightarrow AQ = AR, BQ = BP, CP = CR.$ Perimeter of $\triangle ABC = AB + BC + CA$ $= AB + (BP + PC) + (AR - CR)$ $= (AB + BQ) + (PC) + (AQ - PC) \quad [\because AQ = AR, BQ = BP, CP = CR]$ $= AQ + AQ$	1/2 1/2 1/2 1/2

	$= 2AQ$ $\Rightarrow AQ = \frac{1}{2}$ (Perimeter of $\triangle ABC$) $\therefore AQ$ is the half of the perimeter of $\triangle ABC$.	1/2
30.	$\text{LHS} = \frac{\sin \theta - \cos \theta + 1}{\sin \theta + \cos \theta - 1} = \frac{\frac{\sin \theta - \cos \theta + 1}{\cos \theta}}{\frac{\sin \theta + \cos \theta - 1}{\cos \theta}}$ $= \frac{\tan \theta - 1 + \sec \theta}{\tan \theta + 1 - \sec \theta} =$ $= \frac{(\tan \theta + \sec \theta) - 1}{(\tan \theta - \sec \theta) + 1}$ $= \frac{\{(\tan \theta + \sec \theta) - 1\}(\sec \theta - \tan \theta)}{\{(\tan \theta - \sec \theta) + 1\}(\sec \theta - \tan \theta)} =$ $= \frac{(\sec^2 \theta - \tan^2 \theta) - (\sec \theta - \tan \theta)}{(\tan \theta - \sec \theta + 1)(\sec \theta - \tan \theta)} =$ $= \frac{(1 - \sec \theta + \tan \theta)}{(\tan \theta - \sec \theta + 1)(\sec \theta - \tan \theta)} \quad \{\because \sec^2 \theta - \tan^2 \theta = 1\}$ $= \frac{1}{\sec \theta - \tan \theta}$	1/2 1/2 1/2 1/2 1/2 1/2
Or 30	We take the height of the flying kite as AB, the length of the string as AC, and the inclination of the string with the ground at $\angle C$.	



1/2

In $\triangle ABC$,

$$\sin C = AB / AC$$

1/2

$$\sin 60^\circ = 60/AC$$

$$\sqrt{3}/2 = 60/AC$$

1/2

$$AC = (60 \times 2/\sqrt{3})$$

1/2

$$= (120 \times \sqrt{3}) / (\sqrt{3} \times \sqrt{3})$$

1/2

$$= 120\sqrt{3}/3$$

$$= 40\sqrt{3}$$

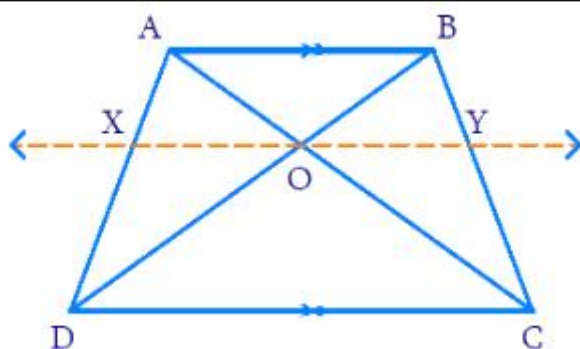
1/2

Length of the string $AC = 40\sqrt{3}$ m.

31. Total discs are 90, numbered from 1 to 90.

	(i) Favourable two-digit numbered discs are 81 (10, 11, 12, ..., 90) ∴ probability of getting a two digit numbered disc = $\frac{81}{90} = \frac{9}{10}$	1
	(ii) Favourable cases for a perfect square number are 9 (1, 4, 9, 16, 25, 36, 49, 64, 81) ∴ probability of getting a perfect square numbered disc = $\frac{9}{90} = \frac{1}{10}$	1
	(iii) Favourable cases for a number divisible by 5 are 18 (5, 10, 15, ..., 90) ∴ probability of getting a disc numbered divisible by 5 = $\frac{18}{90} = \frac{1}{5}$	1
	SECTION-D	
32.	In a right triangle, altitude is one of the sides. Let the base be x cm. The altitude will be (x - 7) cm. We can now apply the Pythagoras theorem to the given right triangle. Pythagoras theorem: Hypotenuse² = (side 1)² + (side 2)² (13)² = x² + (x - 7)² 169 = x² + x² - 14x + 49 169 = 2x² - 14x + 49 2x² - 14x + 49 - 169 = 0 2x² - 14x - 120 = 0 (2x² - 14x - 120) / 2 = 0 x² - 7x - 60 = 0 x² - 12x + 5x - 60 = 0 x(x - 12) + 5(x - 12) = 0	1/2 1 1 1/2

33.



.....
In trapezium ABCD,

$AB \parallel CD$

Also, AC and BD intersect at 'O'

.....
Construct XY parallel to AB and CD ($XY \parallel AB$, $XY \parallel CD$) through 'O'

.....
In $\triangle ABC$

$OY \parallel AB$ (construction)

$\therefore BY/CY = AO/OC$ (1) (Basic Proportionality Theorem)

.....
In $\triangle BCD$

$OY \parallel CD$ (construction)

$BY/CY = OB/OD$ (2) (Basic Proportionality Theorem)

.....
From equations (1) and (2)

$OA/OC = OB/OD$

1/2

1/2

1/2

1

1

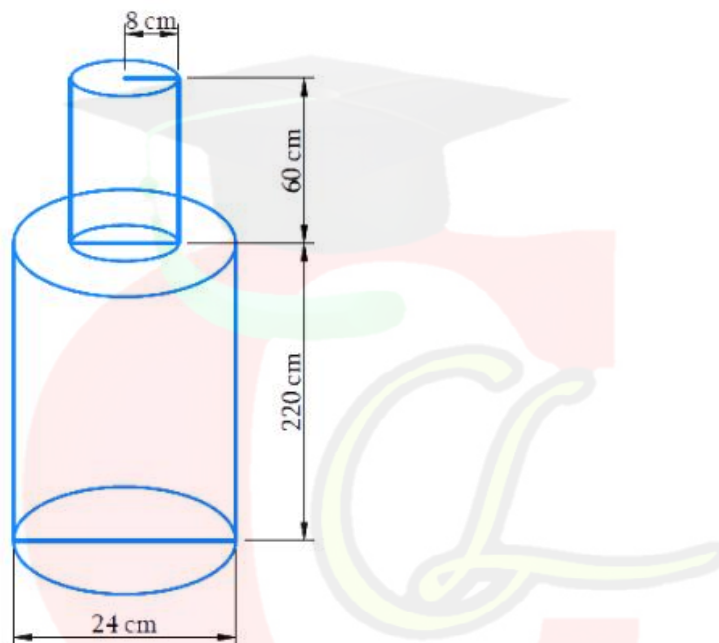
1

$$\Rightarrow OA/OB = OC/OD$$

Hence proved. $\square$

 $1/2$

34.

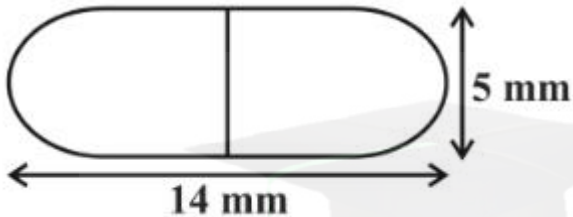


Radius of bigger cylinder = 12 cm, height of bigger cylinder = 220 cm
Radius of smaller cylinder = 8 cm, height of smaller cylinder = 60 cm

$$\begin{aligned}\text{Volume of bigger cylinder} &= \pi r^2 h \\ &= \pi \times 12^2 \times 220 \\ &= 31680 \pi \text{ cm}^3\end{aligned}$$
$$\begin{aligned}\text{Volume of smaller cylinder} &= \pi r^2 h \\ &= \pi \times 8^2 \times 60 \\ &= 3840\pi \text{ cm}^3\end{aligned}$$
 $1/2$ $1/2$

1

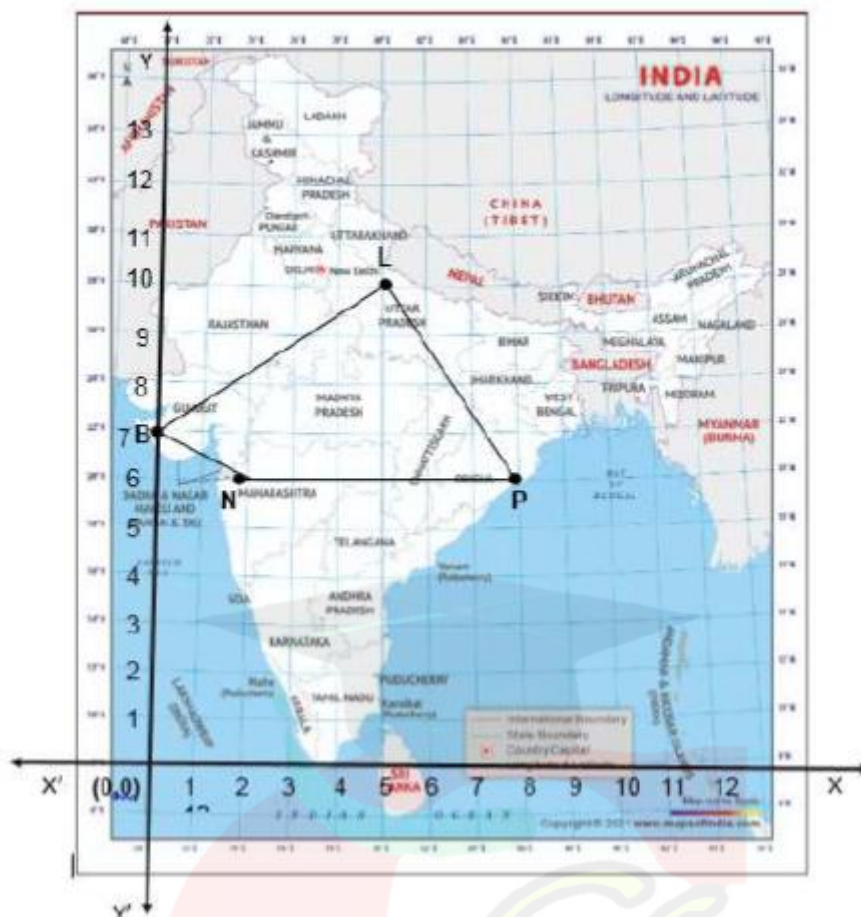
1

	 Volume of the solid iron pole = volume of bigger cylinder + volume of smaller cylinder $= 31680\pi + 3840\pi = 35520\pi \text{ cm}^3$ 	1
	Mass of the pole = Density $\times$ Volume = $8 \times 35520\pi = 8 \times 35520 \times 3.14$ $= 892262.4 \text{ gm} = 892.3 \text{ kg}$	1
OR 34	 Diameter of the capsule, $d = 5 \text{ mm}$ Radius of the hemisphere, $r = d/2 = 5/2 \text{ mm}$ Radius of the cylinder, $r = 5/2 \text{ mm}$ Length of the cylinder = Length of the capsule - $2 \times$ radius of the hemisphere $h = 14 \text{ mm} - 2 \times 5/2 \text{ mm} = 9 \text{ mm}$ Surface area of the capsule = $2 \times$ CSA of hemispherical part + CSA of cylindrical part $= 2 \times 2\pi r^2 + 2\pi rh$ 	1/2 1/2 1 1

	$= 2\pi r (2r + h)$$= [2 \times 22/7 \times 5/2 \text{ mm} \times (2 \times 5/2 \text{ mm} + 9 \text{ mm})]$ $= 110/7 \text{ mm} \times 14 \text{ mm}$$= 220 \text{ mm}^2$ Thus, the surface area of the capsule is 220 mm².	1 1																																
35.	<table><tr><th>Concentration of SO₂ (in ppm)</th><th>Mid-point (x_i)</th><th>Frequency (f_i)</th><th>f_ix_i</th></tr><tr><td>0.00-0.04</td><td>0.02</td><td>4</td><td>0.08</td></tr><tr><td>0.04-0.08</td><td>0.06</td><td>9</td><td>0.54</td></tr><tr><td>0.08-0.12</td><td>0.10</td><td>9</td><td>0.90</td></tr><tr><td>0.12-0.16</td><td>0.14</td><td>2</td><td>0.28</td></tr><tr><td>0.16-0.20</td><td>0.18</td><td>4</td><td>0.72</td></tr><tr><td>0.20-0.24</td><td>0.22</td><td>2</td><td>0.44</td></tr><tr><td></td><td></td><td>$\Sigma f_i = 30$</td><td>$\Sigma f_i x_i = 2.96$</td></tr></table> [1].....$\left[\frac{1}{2}\right]$.....[1]..... mean=$\bar{x} = \frac{\Sigma f_i x_i}{\Sigma f_i}$ $= \frac{2.96}{30}$ $= 0.099 \text{ ppm. (approx.)}$	Concentration of SO ₂ (in ppm)	Mid-point (x _i)	Frequency (f _i)	f _i x _i	0.00-0.04	0.02	4	0.08	0.04-0.08	0.06	9	0.54	0.08-0.12	0.10	9	0.90	0.12-0.16	0.14	2	0.28	0.16-0.20	0.18	4	0.72	0.20-0.24	0.22	2	0.44			$\Sigma f_i = 30$	$\Sigma f_i x_i = 2.96$	$2\frac{1}{2}$ 1 1/2 1
Concentration of SO ₂ (in ppm)	Mid-point (x _i)	Frequency (f _i)	f _i x _i																															
0.00-0.04	0.02	4	0.08																															
0.04-0.08	0.06	9	0.54																															
0.08-0.12	0.10	9	0.90																															
0.12-0.16	0.14	2	0.28																															
0.16-0.20	0.18	4	0.72																															
0.20-0.24	0.22	2	0.44																															
		$\Sigma f_i = 30$	$\Sigma f_i x_i = 2.96$																															
	SECTION-E																																	
36.	$a_6 = 16000, a_9 = 22600$																																	

	OR (iii) $a_6 = 16000$, $a_9 = 22600$ $\Rightarrow a + 5d = 16000$-----(1) $a + 8d = 22600$ -----(2) Substitute $a = 1600 - 5d$ from (1) into (2) $16000 - 5d + 8d = 22600$ $\Rightarrow 3d = 22600 - 16000$ $\Rightarrow 3d = 6600$ $\Rightarrow d = 6600/3 = 2200$ Using value of d in (1), we get $a = 16000 - 5(2200)$ $\Rightarrow a = 16000 - 11000$ $\Rightarrow a = 5000$ $a_4 = a + 3d = 5000 + 3(2200) = 5000 + 6600 = 11600$ $a_7 = a + 6d = 5000 + 6 \times 2200 = 5000 + 13200 = 18200$ $a_7 - a_4 = 18200 - 11600 = 6600$	1/2 1/2 1/2 1/2

37.



$$(i) LB = \sqrt{(0 - 5)^2 + (7 - 10)^2} = \sqrt{(5)^2 + (3)^2}$$

1/2

$$= \sqrt{25 + 9} = \sqrt{34} \text{ km}$$

1/2

$$(ii) \text{Coordinates of Kota (k)} = \left(\frac{3 \times 0 + 2 \times 5}{3 + 2}, \frac{3 \times 7 + 2 \times 10}{3 + 2} \right)$$

$$= \left(\frac{0 + 10}{5}, \frac{21 + 20}{5} \right)$$

1/2

$$= \left(2, \frac{41}{5} \right)$$

1/2

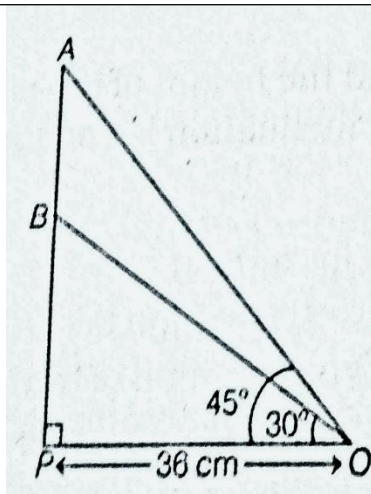
$$(iii) L(5, 10), N(2, 6), P(8, 6)$$

$$LN = \sqrt{(2 - 5)^2 + (6 - 10)^2} = \sqrt{(-3)^2 + (-4)^2} = \sqrt{9 + 16} = \sqrt{25} = 5$$

1/2

	$NP = \sqrt{(8-2)^2 + (6-6)^2} = \sqrt{(6)^2 + (0)^2} = 6$ $PL = \sqrt{(8-5)^2 + (6-10)^2} = \sqrt{(3)^2 + (-4)^2} = \sqrt{9+16} = \sqrt{25} = 5$ As $LN = PL \neq NP$, so ΔLNP is an isosceles triangle.	1/2 1/2 1/2
	OR (iii) Let $A(0,y)$ be a point on the y-axis then $AL = AP$ $\Rightarrow \sqrt{(5-0)^2 + (10-y)^2} = \sqrt{(8-0)^2 + (6-y)^2}$ $\Rightarrow (5-0)^2 + (10-y)^2 = (8-0)^2 + (6-y)^2$ $\Rightarrow 25 + 100 - 20y + y^2 = 64 + 36 - 12y + y^2$ $\Rightarrow 8y = 25$ $\Rightarrow y = \frac{25}{8}$ So, the coordinates of point on y-axis are $(0, \frac{25}{8})$	1/2 1/2 1/2 1/2

38.

(i) In right angled $\triangle OPB$,

$$\cos 30^\circ = \frac{OP}{OB} = \frac{36}{OB}$$

$$\Rightarrow OB = \frac{36}{\cos 30^\circ}$$

$$= \frac{36}{\frac{\sqrt{3}}{2}} = \frac{72}{\sqrt{3}} \times \frac{\sqrt{3}}{\sqrt{3}}$$

$$\Rightarrow OB = 24\sqrt{3} \text{ cm}$$

1/2

1/2

(ii) In right angled $\triangle APO$,

$$\tan 45^\circ = \frac{AP}{OP} \Rightarrow 1 = \frac{AP}{OP}$$

$$\Rightarrow AP = OP$$

$$\Rightarrow AP = 36 \text{ cm}$$

$\therefore$ Height of the section A from base of the tower = $AP = 36 \text{ cm}$

1/2

1/2

(iii) In right angled $\triangle OPB$,

$$\tan 30^\circ = \frac{BP}{OP}$$

$$\Rightarrow \frac{72}{\sqrt{3}} = \frac{BP}{36}$$

$$\Rightarrow BP = \frac{36}{\sqrt{3}} \times \frac{\sqrt{3}}{\sqrt{3}} = 12\sqrt{3} \text{ cm}$$

1

In right angled $\triangle APO$,

$$\tan 45^\circ = \frac{AP}{OP} \Rightarrow 1 = \frac{AP}{OP}$$

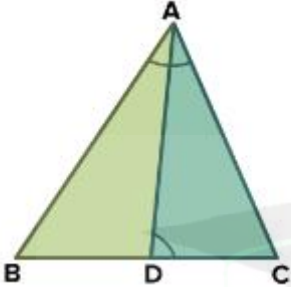
	$\Rightarrow AP=OP$ $\Rightarrow AP = 36\text{cm}$	1/2
	 $\therefore \text{Distance } AB = AP - BP = 36 - 12\sqrt{3} = 12(3 - \sqrt{3}) \text{ cm}$	1/2
	OR (iii) In right angled $\triangle OPB$, $\tan 30^\circ = \frac{BP}{OP}$ $\Rightarrow BP = OP \tan 30^\circ = 36 \times \frac{1}{\sqrt{3}} = 12\sqrt{3} \text{ cm}$	1
	 $\therefore \text{Area of } \triangle OPB = \frac{1}{2} \times OP \times BP = \frac{1}{2} \times 36 \times 12\sqrt{3} = 216\sqrt{3} \text{ cm}^2$	1

**MARKING SCHEME, BSEH PRACTICE PAPER 3,10TH गणित (मानक) ,
March 2024 (हिंदी माध्यम)**

Q. no.	Expected solutions	marks
	खण्ड-क	
1	(d) 2520	1
2	(d) p+1	1
3	(b) -10	1
4	(a) $\frac{2}{3}$	1
5	(b) -6lmn	1
6	(b) 7	1
7	(b) 8cm	1
8	(a) 3cm	1
9	एक	1
10	0	1
11	गलत	1
12	$\frac{25}{8}$	1
13	28 cm	1
14	(b) $\frac{\theta}{360} \times \pi r^2$	1
15	(a) $4\pi r^2$	1
16	(b) 25	1
17	(b) बहुलक = 3 माध्यक - 2 माध्य	1
18	(d) $\frac{17}{16}$	1
19	(a) अभिकथन (A) और तर्क (R) दोनों सही हैं और तर्क (R), अभिकथन (A) की सही व्याख्या करता है।	1
20	(d) अभिकथन (A) गलत है, परन्तु तर्क (R) सही है।	1

	खण्ड -ख	
21.	यहाँ $a_1=3, b_1=-1, c_1=-5$ $a_2=6, b_2=-2, c_2=-k$ कोई हल नहीं के लिए ; $\frac{a_1}{a_2} = \frac{b_1}{b_2} \neq \frac{c_1}{c_2}$ $\Rightarrow \frac{3}{6} = \frac{-1}{-2} \neq \frac{-5}{-k}$ $\Rightarrow \frac{1}{2} \neq \frac{5}{k}$ $\Rightarrow k \neq 10$	1/2 1/2 1/2 1/2
अथवा 21	$x + y + 40^\circ = 180^\circ$ [त्रिभुज के सभी कोणों का योग] $\Rightarrow x + y = 140^\circ$(1) $x - y = 30^\circ$(2) समीकरण (1) को हल करके $y = 140^\circ - x$.....(3) समीकरण (2) में $y = 140^\circ - x$ रखने पर हमें प्राप्त होता है $x - (140^\circ - x) = 30^\circ$ $2x - 140^\circ = 30^\circ$ $2x = 30^\circ + 140^\circ$ $2x = 170^\circ$ $x = 85^\circ$ समीकरण (3) में $x = 85^\circ$ प्रतिस्थापित करने पर, हमें प्राप्त होता है $y = 140^\circ - 85^\circ$ $y = 55^\circ$	1/2 1/2 1/2 1/2

	अतः $x = 85^\circ, y = 55^\circ$	
--	----------------------------------	--

22.	 $\triangle ABC$ और $\triangle DAC$ में $\angle BAC = \angle ADC$ (दिया है) $\angle ACB = \angle ACD$ (उभयनिष्ठ कोण) $\Rightarrow \triangle ABC \sim \triangle DAC$ (AA कसौटी) यदि दो त्रिभुज समरूप हों तो उनकी संगत भुजाएँ समानुपाती होती हैं $\Rightarrow CA / CD = CB / CA$ 	1/2 1/2 1/2
-----	--	----------------------------------

	यही सिद्ध करना था ।	
25.	चारों शीर्षों पर चार त्रिज्यखण्ड बने हैं जिनमें प्रत्येक की त्रिज्या $r = 21 \text{ cm}$ तथा शीर्ष केन्द्रीय कोण $\angle A, \angle B, \angle C$ एवं $\angle D$ हैं। $[\therefore \angle A + \angle B + \angle C + \angle D = 360^\circ \text{ चतुर्भुज के शीर्ष कोणों का योग}]$ छायांकित क्षेत्र का क्षेत्रफल $= \pi r_1^2 \theta_1 / 360^\circ + \pi r_2^2 \theta_2 / 360^\circ + \pi r_3^2 \theta_3 / 360^\circ + \pi r_4^2 \theta_4 / 360^\circ$ $= \pi r^2 (\theta_1 + \theta_2 + \theta_3 + \theta_4) / 360^\circ \quad \because r_1 = r_2 = r_3 = r_4$ $= \pi r^2 (360^\circ) / 360^\circ$ $= \pi r^2$ $= 227 (21)^2$ $= 22 \times 63$ $= 1386 \text{ cm}^2$. अतः छायांकित क्षेत्र का अभीष्ट क्षेत्रफल $= 1386 \text{ cm}^2$ है।	1/2 1/2 1/2 1/2
	खण्ड -ग	
26.	आइए मान लें कि $3 + 2\sqrt{5}$ परिमेय है। यदि $3 + 2\sqrt{5}$ परिमेय है तो इसका अर्थ है कि इसे a/b के रूप में लिखा जा सकता है जहां a और b पूर्णांक हैं जिनका 1 और $b \neq 0$ के अलावा कोई सांझा गुणनखंड नहीं है। $3 + 2\sqrt{5} = a/b$ $b(3 + 2\sqrt{5}) = a$	1/2 1/2 1/2

	$3b + 2\sqrt{5}b = a$ $2\sqrt{5}b = a - 3b$ $\sqrt{5} = (a - 3b)/2b$ चूँकि $(a - 3b)/2b$ एक परिमेय संख्या है, तो $\sqrt{5}$ भी एक परिमेय संख्या है। लेकिन, हम जानते हैं कि $\sqrt{5}$ अपरिमेय है। इसलिए, हमारी धारणा गलत थी कि $3 + 2\sqrt{5}$ परिमेय है। अतः, $3 + 2\sqrt{5}$ अपरिमेय है।	 1/2 1/2 1/2
27.	$x^2 + \frac{1}{6}x - 2 = \frac{1}{6}(6x^2 + x - 12) = \frac{1}{6}(3x-4)(2x+3)$ अतः, $\frac{4}{3}$ and $\frac{-3}{2}$ दिए गए बहुपद के शून्यक हैं। शून्यकों का योगफल $= \frac{4}{3} + \left(\frac{-3}{2}\right) = \frac{-1}{6} = \frac{-x \text{ का गुणांक}}{x^2 \text{ का गुणांक}}$ शून्यकों का गुणनफल $= \frac{4}{3} \times \left(\frac{-3}{2}\right) = -2 = \frac{\text{अचर पद}}{x^2 \text{ का गुणांक}}$	 1 1 1
28.	दिए गए रैखिक समीकरण हैं:	

$$x - y + 1 = 0 \dots\dots(i)$$

$$3x + 2y - 12 = 0 \dots\dots(ii)$$

समीकरण (i) से

$$y = x + 1$$

x	-1	0
y	0	1

सम्बंधित बिंदु $(-1, 0)$ और $(0, 1)$ हैं

.....

समीकरण(ii)से , $3x + 2y - 12 = 0 \Rightarrow$

$$y = \frac{12-3x}{2}$$

x	4	0
y	0	6

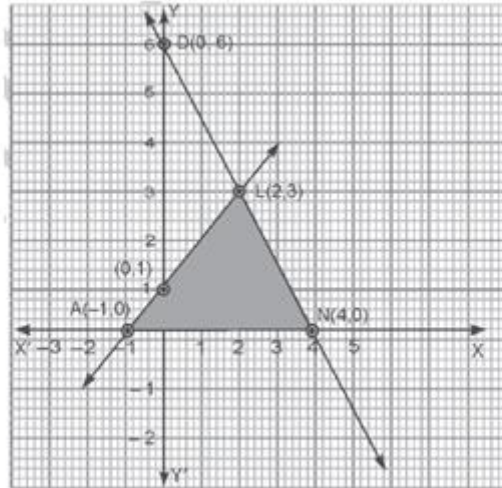
सम्बंधित बिंदु $(4, 0)$ और $(0, 6)$ हैं

.....

हम इन बिंदुओं को आलेखित करते हैं और रेखाएँ खींचते हैं।

1

1



1/2

ग्राफ से, हम देखते हैं कि अभीष्ट त्रिभुज के शीर्ष $A(-1, 0)$, $N(4, 0)$ और $L(2, 3)$ हैं।

1/2

अथवा
28.

माना इकाई का अंक y है और दहाई का अंक x है। तब संख्या $10x+y$ है और अंकों को उलटने पर प्राप्त संख्या $=10y+x$

1/2

दिया है $x + y = 9$(i)

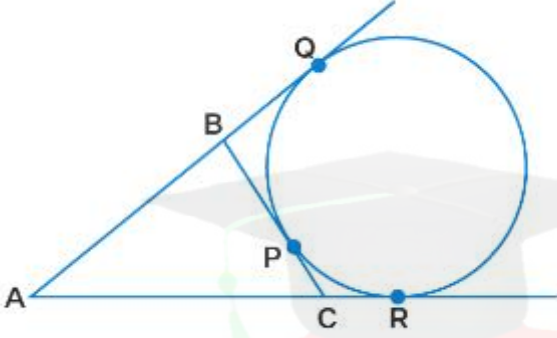
1/2

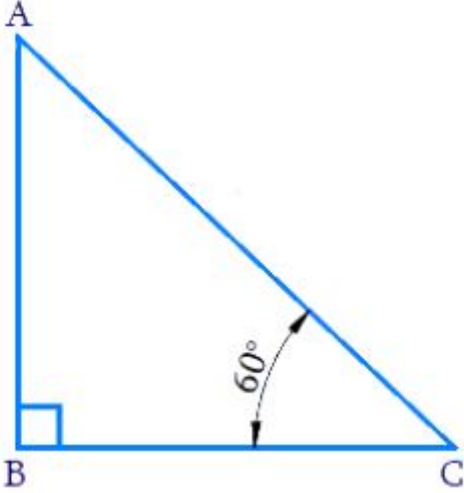
और $9(10x+y) = 2(10y+x)$
 $\Rightarrow 90x+9y=20y+2x$
 $\Rightarrow 88x-11y=0 \Rightarrow 8x-y=0$(ii)

1/2

(i) और (ii) जोड़ने पर, हमें प्राप्त होता है
 $x + y + 8x - y = 9 + 0$

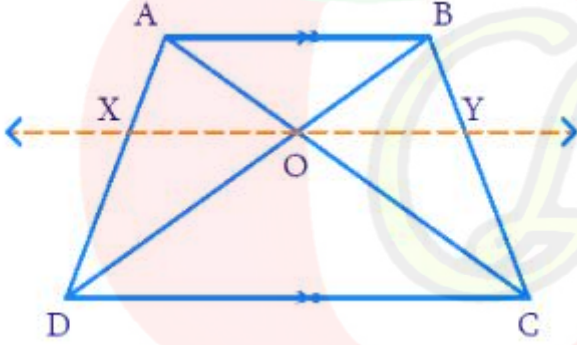
1/2

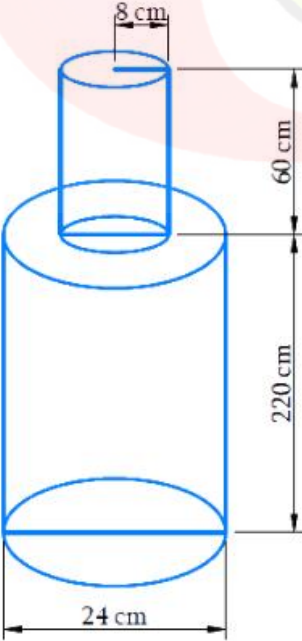
	$\Rightarrow 9x=9 \Rightarrow x=1$ (i) में x का मान प्रतिस्थापित करने पर, हमें $y=8$ प्राप्त होता है अतः संख्या 18 है।	1/2 1/2
29.	 दिया है: एक वृत्त $\triangle ABC$ की भुजा BC को P पर और AB तथा AC को क्रमशः Q और R तक बढ़ाने पर स्पर्श करता है। सिद्ध करना है : $AQ = \frac{1}{2}(\triangle ABC \text{ का परिमाप})$ प्रमाण: किसी बाह्य बिंदु से वृत्त पर खींची गई स्पर्श रेखाओं की लंबाई बराबर होती है। $\Rightarrow AQ = AR, BQ = BP, CP = CR.$ $\triangle ABC$ का परिमाप $= AB + BC + CA$ $= AB + (BP + PC) + (AR - CR)$ $= (AB + BQ) + (PC) + (AQ - PC) \quad [\because AQ = AR, BQ = BP, CP = CR]$ $= AQ + AQ$ $= 2AQ$ $\Rightarrow AQ = \frac{1}{2}(\triangle ABC \text{ का परिमाप})$ $\therefore AQ, \triangle ABC$ के परिमाप का आधा है।	1/2 1/2 1/2 1/2

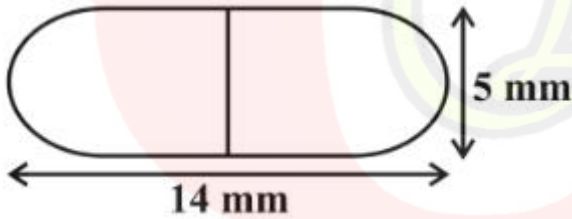
	 ΔABC में , $\sin C = AB / AC$ $\sin 60^\circ = 60/AC$ $\Rightarrow \sqrt{3}/2 = 60/AC$ $AC = (60 \times 2/\sqrt{3})$ $= (120 \times \sqrt{3}) / (\sqrt{3} \times \sqrt{3})$ $= 120\sqrt{3}/3$ $= 40\sqrt{3}$ डोरी की लंबाई $AC = 40\sqrt{3}$ m.	1/2 1/2 1/2 1/2 1/2 1/2 1/2
31.	(i) कुल डिस्क 90 हैं, जिनकी संख्या 1 से 90 तक है। अनुकूल दो-अंकीय क्रमांकित डिस्क 81(10,11,12,.....,90) हैं $\therefore$ दो अंकीय क्रमांकित डिस्क प्राप्त होने की प्रायिकता $= \frac{81}{90} = \frac{9}{10}$	1

	(ii) पूर्ण वर्ग संख्या के लिए अनुकूल स्थितियाँ 9 (1,4,9,16,25,36,49,64,81) हैं $\therefore$ एक पूर्ण वर्ग क्रमांकित डिस्क प्राप्त करने की प्रायिकता $= \frac{9}{90}$ $= \frac{1}{10}$	1
	(iii) 5 से विभाज्य संख्या के लिए अनुकूल स्थितियाँ 18 (5,10,15,.....,90) हैं $\therefore$ 5 से विभाज्य संख्या वाली डिस्क मिलने की प्रायिकता $= \frac{18}{90}$ $= \frac{1}{5}$	1
	. खण्ड-घ	
32.	एक समकोण त्रिभुज में ऊँचाई एक भुजा होती है। माना कि आधार x सेमी है। ऊँचाई (x - 7) सेमी होगी। अब हम पाइथागोरस प्रमेय को दिए गए समकोण त्रिभुज पर लागू कर सकते हैं। पाइथागोरस प्रमेय: (कर्ण)² = (भुजा1)² + (भुजा 2)² (13)² = x² + (x - 7)² 169 = x² + x² - 14x + 49 169 = 2x² - 14x + 49 2x² - 14x + 49 - 169 = 0 2x² - 14x - 120 = 0	1/2 1 1

	$(2x^2 - 14x - 120) / 2 = 0$ $x^2 - 7x - 60 = 0$ $x^2 - 12x + 5x - 60 = 0$ $x(x - 12) + 5(x - 12) = 0$ $(x + 5)(x - 12) = 0$ $x - 12 = 0 \text{ and } x + 5 = 0$ $x = 12 \text{ and } x = -5$ हम जानते हैं कि आधार का मान ऋणात्मक नहीं हो सकता। इसलिए, आधार = 12 सेमी, ऊँचाई = $12 - 7 = 5$ सेमी	1/2 1 1
अथवा 32.	माना चौड़ाई = x. दिया गया है कि लंबाई इसकी चौड़ाई से दोगुनी है। आयत की लंबाई = $2x$. और दिया गया है कि आयत का क्षेत्रफल = 800 m^2 है लेकिन आयत का क्षेत्रफल = $l \times b = 2x \times x$	1 1/2

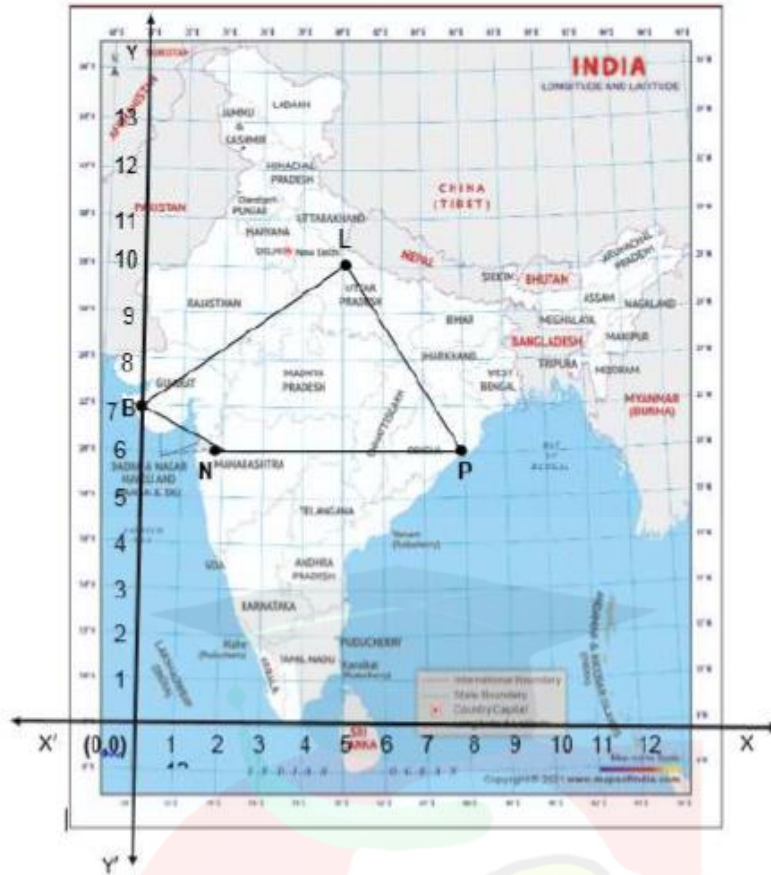
	 $\Rightarrow 2x^2 = 800\text{m}^2$ $\Rightarrow x^2 = 400\text{m}^2$ $\Rightarrow x = 20 \text{ m} \quad (-20 \text{ अस्वीकृत है.})$ $\therefore$ आयत की लंबाई = $2x = 40$ मीटर। आयत की चौड़ाई = $x = 20$ मीटर. $\therefore$ एक आयताकार आम के बगीचे का डिज़ाइन बनाना संभव है।	1 1 1 1/2
33.	 समलंब ABCD में, $AB \parallel CD$ साथ ही, AC और BD 'O' पर प्रतिच्छेद करते हैं AB और CD के समानांतर O से गुजरने वाले XY की रचना करें ($XY \parallel AB$, $XY \parallel CD$) 	1/2 1/2 1/2

	$\triangle ABC$ में $OY \parallel AB$ (रचना से) $\therefore BY/CY = AO/OC$..... (1) (आधारभूत समानुपातिकता प्रमेय) $\triangle BCD$ में $OY \parallel CD$ (रचना से) $BY/CY = OB/OD$..... (2) (आधारभूत समानुपातिकता प्रमेय) समीकरण (1) और (2) से $OA/OC = OB/OD$ $\Rightarrow OA/OB = OC/OD$ अतः सिद्ध हुआ ।	1 1 1 1/2
34.	 	1/2

	बड़े बेलन की त्रिज्या = 12 सेमी, बड़े बेलन की ऊँचाई = 220 सेमी छोटे बेलन की त्रिज्या = 8 सेमी, छोटे बेलन की ऊँचाई = 60 सेमी बड़े बेलन का आयतन $=\pi r^2 h$ $=\pi \times 12^2 \times 220$ $=31680 \pi \text{ cm}^3$ छोटे बेलन का आयतन $=\pi r^2 h$ $=\pi \times 8^2 \times 60$ $=3840 \pi \text{ cm}^3$ ठोस लोहे के खंभे का आयतन = बड़े बेलन का आयतन + छोटे बेलन का आयतन $=31680 \pi + 3840 \pi = 35520 \pi \text{ cm}^3$ खंभे का द्रव्यमान = घनत्व $\times$ आयतन $= 8 \times 35520 \pi = 8 \times 35520 \times 3.14$ $= 892262.4 \text{ gm} = 892.3 \text{ kg}$	1/2 1 1 1 1
अथवा 34.	 अर्धगोले की त्रिज्या, $r = d/2 = 5/2$ मिमी बेलन की त्रिज्या, $r = 5/2$ मिमी बेलन की लंबाई = कैप्सूल की लंबाई - $2 \times$ अर्धगोले की त्रिज्या $h = 14 \text{ mm} - 2 \times 5/2 \text{ mm} = 9 \text{ mm}$ 	1/2 1/2 1

	कैप्सूल का पृष्ठीय क्षेत्रफल = $2 \times$ अर्धगोलाकार भाग का वक्र पृष्ठीय क्षेत्रफल + बेलनाकार भाग का वक्र पृष्ठीय क्षेत्रफल $= 2 \times 2\pi r^2 + 2\pi rh$ $= 2\pi r (2r + h)$ $= [2 \times 22/7 \times 5/2 \text{ mm} \times (2 \times 5/2 \text{ mm} + 9 \text{ mm})]$ $= 110/7 \text{ mm} \times 14 \text{ mm}$ $= 220 \text{ mm}^2$	1 1 1																																
35.	<table><tr><th>SO₂ की सांद्रता (पीपीएम में)</th><th>वर्ग चिन्ह (x_i)</th><th>बारंबारता(f_i)</th><th>f_ix_i</th></tr><tr><td>0.00-0.04</td><td>0.02</td><td>4</td><td>0.08</td></tr><tr><td>0.04-0.08</td><td>0.06</td><td>9</td><td>0.54</td></tr><tr><td>0.08-0.12</td><td>0.10</td><td>9</td><td>0.90</td></tr><tr><td>0.12-0.16</td><td>0.14</td><td>2</td><td>0.28</td></tr><tr><td>0.16-0.20</td><td>0.18</td><td>4</td><td>0.72</td></tr><tr><td>0.20-0.24</td><td>0.22</td><td>2</td><td>0.44</td></tr><tr><td></td><td></td><td>$\sum f_i = 30$</td><td>$\sum f_i x_i = 2.96$</td></tr></table> [1] $\left[\frac{1}{2}\right]$ [1] माध्य सांद्रता $= \bar{x} = \frac{\sum f_i x_i}{\sum f_i}$ 	SO ₂ की सांद्रता (पीपीएम में)	वर्ग चिन्ह (x _i)	बारंबारता(f _i)	f _i x _i	0.00-0.04	0.02	4	0.08	0.04-0.08	0.06	9	0.54	0.08-0.12	0.10	9	0.90	0.12-0.16	0.14	2	0.28	0.16-0.20	0.18	4	0.72	0.20-0.24	0.22	2	0.44			$\sum f_i = 30$	$\sum f_i x_i = 2.96$	$2\frac{1}{2}$ 1
SO ₂ की सांद्रता (पीपीएम में)	वर्ग चिन्ह (x _i)	बारंबारता(f _i)	f _i x _i																															
0.00-0.04	0.02	4	0.08																															
0.04-0.08	0.06	9	0.54																															
0.08-0.12	0.10	9	0.90																															
0.12-0.16	0.14	2	0.28																															
0.16-0.20	0.18	4	0.72																															
0.20-0.24	0.22	2	0.44																															
		$\sum f_i = 30$	$\sum f_i x_i = 2.96$																															

37.



$$(i) LB = \sqrt{(0 - 5)^2 + (7 - 10)^2} = \sqrt{(5)^2 + (3)^2}$$

$$= \sqrt{25 + 9} = \sqrt{34} \text{ km}$$

1/2

1/2

$$(ii) \text{ कोटा (K) के निर्देशांक} = \left(\frac{3 \times 0 + 2 \times 5}{3 + 2}, \frac{3 \times 7 + 2 \times 10}{3 + 2} \right)$$

$$= \left(\frac{0 + 10}{5}, \frac{21 + 20}{5} \right)$$

$$= \left(2, \frac{41}{5} \right)$$

1/2

1/2

$$(iii) L(5, 10), N(2, 6), P(8, 6)$$

$$LN = \sqrt{(2 - 5)^2 + (6 - 10)^2} = \sqrt{(-3)^2 + (-4)^2} = \sqrt{9 + 16} = \sqrt{25} = 5$$

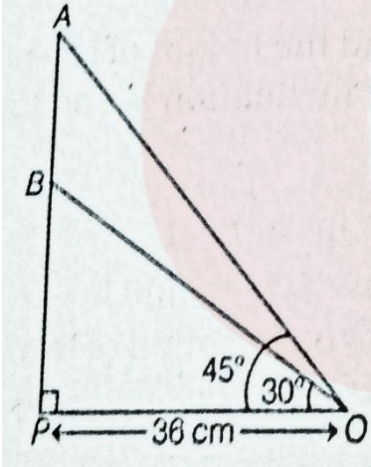
$$NP = \sqrt{(8 - 2)^2 + (6 - 6)^2} = \sqrt{(6)^2 + (0)^2} = 6$$

$$PL = \sqrt{(8 - 5)^2 + (6 - 10)^2} = \sqrt{(3)^2 + (-4)^2} = \sqrt{9 + 16} = \sqrt{25} = 5$$

1/2

1/2

1/2

	क्योंकि $LN = PL \neq NP$, इसलिए $\triangle LNP$ एक समद्विबाहु त्रिभुज है।	1/2
	OR (iii) मान लीजिए कि $A(0, y)$ y-अक्ष पर एक बिंदु है तब $AL = AP$ $\Rightarrow \sqrt{(5-0)^2 + (10-y)^2} = \sqrt{(8-0)^2 + (6-y)^2}$ $\Rightarrow (5-0)^2 + (10-y)^2 = (8-0)^2 + (6-y)^2$ $\Rightarrow 25 + 100 - 20y + y^2 = 64 + 36 - 12y + y^2$ $\Rightarrow 8y = 25$ $\Rightarrow y = \frac{25}{8}$ इसलिए, y-अक्ष पर बिंदु के निर्देशांक $(0, \frac{25}{8})$ हैं।	1/2 1/2 1/2 1/2
38.	 (i) समकोण $\triangle OPB$ में, $\cos 30^\circ = \frac{OP}{OB} = \frac{36}{OB}$ $\Rightarrow OB = \frac{36}{\cos 30^\circ}$ $= \frac{36}{\frac{\sqrt{3}}{2}} = \frac{72}{\sqrt{3}} \times \frac{\sqrt{3}}{\sqrt{3}}$	1/2

	$\Rightarrow OB=24\sqrt{3} \text{ cm}$	1/2
	(ii)) समकोण $\triangle APO$ में, $\tan 45^\circ = \frac{AP}{OP} \Rightarrow 1 = \frac{AP}{OP}$ $\Rightarrow AP=OP$ $\Rightarrow AP = 36\text{cm}$ $\therefore \text{टावर के आधार से खंड A की ऊंचाई} = AP = 36\text{cm}$	1/2 1/2
	(iii) समकोण $\triangle OPB$ में, $\tan 30^\circ = \frac{BP}{OP}$ $\Rightarrow \frac{72}{\sqrt{3}} = \frac{BP}{36}$ $\Rightarrow BP = \frac{36}{\sqrt{3}} \times \frac{\sqrt{3}}{\sqrt{3}} = 12\sqrt{3} \text{ cm}$ समकोण $\triangle APO$ में, $\tan 45^\circ = \frac{AP}{OP} \Rightarrow 1 = \frac{AP}{OP}$ $\Rightarrow AP=OP$ $\Rightarrow AP = 36\text{cm}$ $\therefore \text{दूरी AB} = AP - BP = 36 - 12\sqrt{3} = 12(3 - \sqrt{3}) \text{ cm}$	1 1/2 1/2
	OR (iii) समकोण $\triangle OPB$ में, $\tan 30^\circ = \frac{BP}{OP}$ $\Rightarrow BP = OP \tan 30^\circ = 36 \times \frac{1}{\sqrt{3}} = 12\sqrt{3} \text{ cm}$ $\therefore \triangle OPB \text{ का क्षेत्रफल} = \frac{1}{2} \times OP \times BP = \frac{1}{2} \times 36 \times 12\sqrt{3} = 216\sqrt{3} \text{ cm}^2$	1 1